



جمهوری اسلامی ایران  
Islamic Republic of Iran

مؤسسه استاندارد و تحقیقات صنعتی ایران

Institute of Standards and Industrial Research of Iran



استاندارد ایران-آی ای سی

۶۱۰۷۸

چاپ اول

**ISIRI-IEC**

**61078**

**1st. Edition**

فنون تحلیل قابلیت اعتماد- نمودار بلوکی و  
روش های بولی قابلیت اطمینان

**Analysis techniques for dependability-  
Reliability block diagram and boolean  
methods**

**ICS:03.120.01 ; 03.120.99**

## به نام خدا

### آشنایی با مؤسسه استاندارد و تحقیقات صنعتی ایران

مؤسسه استاندارد و تحقیقات صنعتی ایران به موجب بند یک ماده ۳ قانون اصلاح قوانین و مقررات مؤسسه استاندارد و تحقیقات صنعتی ایران، مصوب بهمن ماه ۱۳۷۱ تنها مرجع رسمی کشور است که وظیفه تعیین، تدوین و نشر استانداردهای ملی (رسمی) ایران را به عهده دارد.

تدوین استاندارد در حوزه های مختلف در کمیسیون های فنی مرکب از کارشناسان مؤسسه\* صاحب نظران مراکز و مؤسسات علمی، پژوهشی، تولیدی و اقتصادی آگاه و مرتبط انجام می شود و کوششی همگام با مصالح ملی و با توجه به شرایط تولیدی، فناوری و تجاری است که از مشارکت آگاهانه و منصفانه صاحبان حق و نفع، شامل تولیدکنندگان، مصرف کنندگان، صادرکنندگان و وارد کنندگان، مراکز علمی و تخصصی، نهادها، سازمان های دولتی و غیر دولتی حاصل می شود. پیش نویس استانداردهای ملی ایران برای نظرخواهی به مراجع ذی نفع و اعضای کمیسیون های فنی مربوط ارسال می شود و پس از دریافت نظرها و پیشنهادهای در کمیته ملی مرتبط با آن رشته طرح و در صورت تصویب به عنوان استاندارد ملی (رسمی) ایران چاپ و منتشر می شود.

پیش نویس استانداردهایی که مؤسسات و سازمان های علاقه مند و ذیصلاح نیز با رعایت ضوابط تعیین شده تهیه می کنند در کمیته ملی طرح و بررسی و در صورت تصویب، به عنوان استاندارد ملی ایران چاپ و منتشر می شود. بدین ترتیب، استانداردهایی ملی تلقی می شود که بر اساس مفاد نوشته شده در استاندارد ملی ایران شماره ۵ تدوین و در کمیته ملی استاندارد مربوط که مؤسسه استاندارد تشکیل می دهد به تصویب رسیده باشد.

مؤسسه استاندارد و تحقیقات صنعتی ایران از اعضای اصلی سازمان بین المللی استاندارد (ISO)<sup>۱</sup> کمیسیون بین المللی الکتروتکنیک (IEC)<sup>۲</sup> و سازمان بین المللی اندازه شناسی قانونی (OIML)<sup>۳</sup> است و به عنوان تنها رابط<sup>۴</sup> کمیسیون کدکس غذایی (CAC)<sup>۵</sup> در کشور فعالیت می کند. در تدوین استانداردهای ملی ایران ضمن توجه به شرایط کلی و نیازمندی های خاص کشور، از آخرین پیشرفت های علمی، فنی و صنعتی جهان و استانداردهای بین المللی بهره گیری می شود.

مؤسسه استاندارد و تحقیقات صنعتی ایران می تواند با رعایت موازین پیش بینی شده در قانون، برای حمایت از مصرف کنندگان، حفظ سلامت و ایمنی فردی و عمومی، حصول اطمینان از کیفیت محصولات و ملاحظات زیست محیطی و اقتصادی، اجرای بعضی از استانداردهای ملی ایران را برای محصولات تولیدی داخل کشور و / یا اقلام وارداتی، با تصویب شورای عالی استاندارد، اجباری نماید. مؤسسه می تواند به منظور حفظ بازارهای بین المللی برای محصولات کشور، اجرای استاندارد کالاهای صادراتی و درجه بندی آن را اجباری نماید. همچنین برای اطمینان بخشیدن به استفاده کنندگان از خدمات سا زمانها و مؤسسات فعال در زمینه مشاوره، آموزش، بازرسی، ممیزی و صدور گواهی سیستم های مدیریت کیفیت و مدیریت زیست محیطی، آزمایشگاه ها و مراکز کالیبراسیون (واسنجی) وسایل سنجش، مؤسسه استاندارد این گونه سازمان ها و مؤسسات را بر اساس ضوابط نظام تأیید صلاحیت ایران ارزیابی می کند و در صورت احراز شرایط لازم، گواهینامه تأیید صلاحیت به آن ها اعطا و بر عملکرد آنها نظارت می کند. ترویج دستگاه بین المللی یکاها، کالیبراسیون (واسنجی) وسایل سنجش، تعیین عیار فلزات گرانبها و انجام تحقیقات کاربردی برای ارتقای سطح استانداردهای ملی ایران از دیگر وظایف این مؤسسه است.

\* مؤسسه استاندارد و تحقیقات صنعتی ایران

- 1- International organization for Standardization
- 2 - International Electro technical Commission
- 3- International Organization for Legal Metrology (Organization International de Metrology Legal)
- 4 - Contact point
- 5 - Codex Alimentarius Commission

کمیسیون فنی تدوین استاندارد « فنون تحلیل قابلیت اعتماد-نمودار بلوکی قابلیت اطمینان و روش های بولی »

رئیس:

سمت و/ یا نمایندگی  
هیئت علمی دانشگاه آزاد- نایب رئیس  
انجمن مدیریت کیفیت ایران

سقای، عباس  
(دکترای مهندسی صنایع)

دبیر:

کارشناس شرکت مهندسی سیستم‌های  
مدیریت قابلیت اعتماد توازن

عزیززاده فیروزی، عین‌اله  
(کارشناسی ارشد مهندسی معدن)

اعضاء: (اسامی به ترتیب حروف الفبا)

مدیرعامل شرکت مهندسی سیستم‌های  
مدیریت قابلیت اعتماد توازن

بستان دوست، احسان  
(کارشناسی مهندسی صنایع)

کارشناس استاندارد

ذره، مهدی  
(کارشناسی ارشد مهندسی برق)

شرکت واصل الکترونیک الوند

ذره، هومن  
(کارشناسی ارشد ریاضی)

معاونت آما و پشتیبانی دانشگاه هوایی-  
کارشناس استاندارد

راعی، جلال  
(کارشناسی ارشد مدیریت)

کارشناس مسئول دفتر امور تدوین  
موسسه استاندارد و تحقیقات صنعتی  
ایران

طوماریان، سهیلا  
(کارشناسی مهندسی الکترونیک)

## فهرست مندرجات

صفحه	عنوان
ب	آشنایی با مؤسسه استاندارد
ج	کمیسیون فنی تدوین استاندارد
ه	پیش گفتار
و	مقدمه
۱	۱ هدف و دامنه کاربرد
۱	۲ مراجع الزامی
۱	۳ اصطلاحات و تعاریف
۲	۴ نمادها و اصطلاحات اختصاری
۳	۵ فرضیات و محدودیت ها
۳	۱-۵ استقلال رویدادها
۳	۲-۵ رویدادهای متوالی
۳	۳-۵ توزیع زمان های تا وقوع خرابی
۴	۶ هدف و دامنه کاربرد
۴	۱-۶ ملاحظات کلی
۵	۲-۶ ملاحظات مشروح
۵	۷ مدل های اولیه
۵	۱-۷ تکوین مدل
۹	۲-۷ ارزیابی مدل
۱۲	۸ مدل های پیچیده تر
۱۲	۱-۸ روش های اجرایی کلی
۱۷	۲-۸ مدل هایی با بلوک های مشترک
۲۰	۳-۸ مدل های $m$ از $n$ (اقلام همسان)
۲۰	۴-۸ روش کاهش
۲۱	۹ بسط روش های نمودار بلوکی قابلیت اطمینان به محاسبات آمادگی
۲۳	پیوست الف (اطلاعاتی) جمع بندی فرمول ها
۲۶	پیوست ب (اطلاعاتی) ۹ روش های ناهمپوشان بولی
۲۷	کتابنامه

## پیش گفتار

استاندارد " فنون تحلیل قابلیت اعتماد-نمودار بلوکی قابلیت اطمینان و روش های بولی " که پیش نویس آن در کمیسیون های مربوط توسط شرکت مهندسی قابلیت اعتماد توازن تهیه و تدوین شده و در هشتاد و هشتمین اجلاس کمیته ملی استاندارد کیفیت مورخ ۱۳۸۸/۱۰/۲۲ مورد تصویب قرار گرفته است، اینک به استناد بند یک ماده ۳ قانون اصلاح قوانین و مقررات مؤسسه استاندارد و تحقیقات صنعتی ایران، مصوب بهمن ماه ۱۳۷۱ ، به عنوان استاندارد ملی ایران منتشر می شود .

برای حفظ همگامی و هماهنگی با تحولات و پیشرفت های ملی و جهانی در زمینه صنایع، علوم و خدمات، استانداردهای ملی ایران در مواقع لزوم تجدید نظر خواهد شد و هر پیشنهادی که برای اصلاح و تکمیل این استانداردها ارائه شود، هنگام تجدید نظر در کمیسیون فنی مربوط مورد توجه قرار خواهد گرفت . بنابراین، باید همواره از آخرین تجدیدنظر استانداردهای ملی استفاده کرد.

منبع و ماخذی که برای تهیه این استاندارد مورد استفاده قرار گرفته به شرح زیر است:

IEC 61078: 2006, Analysis techniques for dependability-Reliability block diagram and Boolean methods

## مقدمه

فنون تحلیلی مختلفی برای تحلیل قابلیت اعتماد وجود دارد و روش نمودار بلوکی قابلیت اطمینان (RBD)<sup>1</sup> یکی از آنهاست. توصیه می‌شود که هدف از هر روش و قابلیت کاربرد هر کدام از این روش‌ها به تنهایی یا ترکیبی از آنها در ارزیابی قابلیت اطمینان و آمادگی سیستم یا جز داده شده قبل از شروع کار بر روی RBD توسط تحلیلگر امتحان شود. همچنین توصیه می‌شود که نتایج قابل حصول از هر روش، داده‌های مورد نیاز برای انجام تحلیل، پیچیدگی تحلیل و سایر عوامل تعیین شده در این استاندارد مورد ملاحظه قرار گیرد.

نمودار بلوکی قابلیت اطمینان (RBD) نمایشی تصویری از عملکرد قابلیت اطمینان سیستم است. این نمودار اتصال منطقی اجزا (وظیفه‌ای) مورد نیاز برای بهره‌برداری موفق سیستم (در این استاندارد به عنوان "موفقیت سیستم" تعریف می‌شود) را نشان می‌دهد.

---

1 -Reliability block diagram

## فنون تحلیل قابلیت اعتماد- نمودار بلوکی و روش‌های بولی قابلیت اطمینان

### ۱ هدف و دامنه کاربرد

هدف از تدوین این استاندارد، توصیف روش‌های مدل‌سازی قابلیت اعتماد سیستم و استفاده از مدل برای محاسبه مقیاس‌های قابلیت اطمینان و آمادگی است. روش مدل‌سازی RBD اصولاً برای سیستم‌های بدون تعمیر و در جایی که ترتیب وقوع خرابی اهمیت ندارد به کار می‌رود. برای سیستم‌هایی که ترتیب وقوع خرابی‌ها باید به حساب آورده شود یا در جایی که تعمیرها باید انجام می‌شود، سایر فنون مدل‌سازی از قبیل تحلیل مارکوف<sup>۱</sup> مناسب‌تر هستند. بایستی خاطر نشان کرد که اگرچه واژه "تعمیر" به وفور در این استاندارد مورد استفاده قرار می‌گیرد اما به جای آن می‌توان از واژه "توان یابی"<sup>۲</sup> استفاده کرد. همچنین توجه داشته باشید که واژه‌های قلم و بلوک به صورت گسترده‌ای در سراسر این استاندارد و در بیشتر موارد به صورت قابل جایگزین با هم به کار می‌روند.

### ۲ مراجع الزامی

مراجع الزامی زیر حاوی مقرراتی است که در متن این استاندارد ملی ایران به آنها ارجاع شده است. به این ترتیب آن مقررات جزئی از این استاندارد ملی ایران محسوب می‌شوند. در صورتی که به مدرکی با ذکر تاریخ انتشار ارجاع داده شده باشد، اصلاحیه‌ها و تجدید نظرهای بعدی آن مورد نظر این استاندارد نیست. در مورد مدارکی که بدون ذکر تاریخ انتشار به آنها ارجاع داده شده است، همواره آخرین تجدیدنظر و اصلاحیه‌های بعدی آن مورد نظر می‌باشد. استفاده از مراجع زیر برای این استاندارد الزامی است.

۱-۲ استاندارد ملی ایران، ۱۳۸۸:۱۹۱-۱۰۴۲۵، واژگان الکترونیک-فصل ۱۹۱-قابلیت اعتماد و کیفیت خدمت

۲-۲ استاندارد ملی ایران، ۱۳۷۱: ۱-۹۴۰، واژگان و نمادهای آماری، قسمت اول: واژه‌های عمومی آمار

2-3 IEC 61025, Fault tree analysis (FTA)

### ۳ اصطلاحات و تعاریف

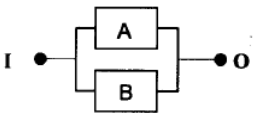
در این استاندارد تعاریف و اصطلاحات استانداردهای ملی ۱۹۱-۱۰۴۲۵ و ۱-۹۴۰ کاربرد دارد.

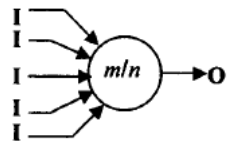
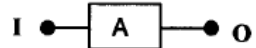
---

1- Markov

2 -Restore

۴ نمادها و اصطلاحات اختصاری

معنا	نماد/اختصار
در صورت کاربرد در عبارات بولی نشاندهنده آن است که اقلام A، B، C و غیره در حالت آماد هستند.	$A, B, C, \dots$
در صورت کاربرد در عبارات بولی نشاندهنده آن است که اقلام A، B، C و غیره در حالت ناآماد هستند.	$\bar{A}, \bar{B}, \bar{C}, \dots$
احتمال وقوع خرابی سیستم	$F_S$
تابع چگالی احتمال بلوک A. واژه بلوک برای مشخص کردن گروهی از یک یا چند جز استفاده می‌شود.	$f_A(t)$
احتمال شرطی موفقیت سیستم با این شرط که قلم X خراب باشد.	Pr (SS X شده)
قابلیت اطمینان [احتمال اینکه یک قلم بتواند وظیفه الزام شده را تحت شرایط معلوم برای فاصله زمانی معلوم (t) انجام دهد].	$R, R(t), R_S(t)$
قابلیت اطمینان بلوک‌های A، B، ...	$R_A, R_B, \dots$
قابلیت اطمینان سیستم	$R_S$
قابلیت اطمینان مکانیزم کلید زنی و حسگری	$R_{SW}$
وقوع خرابی سیستم (مورد استفاده در عبارت‌های بولی)	SF
موفقیت سیستم (مورد استفاده در عبارت‌های بولی)	SS
زمان ماموریت یا دوره زمانی مورد نظر	t
نرخ وقوع خرابی (ثابت) بلوک‌های A، B و C	$\lambda_A, \lambda_B, \lambda_C$
نرخ وقوع خرابی غیرفعال بلوک B	$\lambda_{Bd}$
نرخ‌های تعمیر (ثابت) بلوک‌های A، B و C	$\mu_A, \mu_B, \mu_C$
تعداد روش‌های انتخاب r قلم از n قلم	$\binom{n}{r}$
این نمادها در جداول درستی برای مشخص کردن حالت‌های آماد و ناآماد به کار می‌روند و به هر قلمی که سرستون است اعمال می‌شوند.	۱ و ۰
نمادی بولی که مشخص کننده منطق AND است برای مثال $A \cap B$ ، $A.B$ (اشتراک)	$\cap$
نمادی بولی که مشخص کننده منطق OR است برای مثال $A \cup B$ ، $A+B$ (اجتماع)	$\cup$
ردوندانسی فعال (موازی)	
ردوندانسی حاضر در کنار <sup>۱</sup>	

<p><math>m/n</math> نمادی است که برای نشان دادن <math>m</math> قلم از <math>n</math> قلم برای موفقیت سیستم در پیکره‌بندی ردوندانت فعال مورد نیاز است.</p>	
<p>نشان دهنده ورودی است. نشان دهنده خروجی است. این قبیل نشانه‌ها برای سهولت مورد استفاده قرار می‌گیرند. آنها اجباری نیستند ولی در جایی که اتصال، معنای جهتی دارند، ممکن است مفید واقع شوند.</p>	<p>I O</p>
<p>گروه بندی تجهیزات، اجزا، واحدها یا سایر عناصر سیستم</p>	

## ۵ فرضیات و محدودیت ها

### ۱-۵ استقلال رویدادها

یکی از فرضیات بنیادی که روش‌های اجرایی این استاندارد بر مبنای آن توصیف می‌شوند این فرض است که اجزا (یا بلوک های معرف آنها) فقط در دو حالت می‌توانند وجود داشته باشند: کاری (حالت "آماد") یا خراب شده (حالت "ناآماد").

فرض مهم دیگر آن است که وقوع خرابی (یا تعمیر) هر بلوک نباید بر احتمال وقوع خرابی (یا تعمیر برای) هر بلوک دیگر در درون سیستم مورد مدلسازی تاثیر بگذارد. این به آن معناست که بایستی منابع تعمیری آماده، اثربخش و کافی برای سرویس دهی به بلوک‌هایی که نیازمند تعمیر هستند وجود داشته باشد و هنگامی که دو یا چند فرد در یک زمان در حال تعمیر بلوک خاصی هستند، هیچ‌کدام مانع دیگری نشوند. بنابراین وقوع خرابی و تعمیر بلوک های جداگانه از نظر آماری به صورت رویدادهای مستقل در نظر گرفته می‌شود.

### ۲-۵ رویدادهای متوالی

RBD ها برای مدلسازی رویدادهای وابسته به ترتیب یا وابسته به زمان مناسب نیستند. در این قبیل موارد، باید از سایر فنون از قبیل تحلیل مارکوف یا شبکه های پتری<sup>۱</sup> استفاده کرد.

### ۳-۵ توزیع زمان تا وقوع خرابی

اگر فرضیات مشخص شده در بند ۵-۱ معتبر باشند، هیچ قید و بندی غیر از قابلیت ردیابی ریاضیاتی بر توزیعی که می‌تواند برای توصیف زمان‌های تا وقوع خرابی یا تعمیر استفاده شود، وجود ندارد.

## ۶ تعیین تعاریف موفقیت / وقوع خرابی سیستم

### ۱-۶ ملاحظات کلی

پیش نیاز ایجاد مدل‌های قابلیت اطمینان سیستم، درکی درست از روش‌هایی است که در آن سیستم می‌تواند مورد بهره‌برداری قرار گیرد. سیستم‌ها اغلب به بیش از یک تعریف موفقیت/وقوع خرابی نیازمندند. این تعاریف بایستی تعیین شده و فهرست شوند. نمودار RBD در سه سطح متفاوت می‌تواند ایجاد شود: سطح سیستمی، سطح زیر سیستمی (ماژول) یا سطح مونتاژ<sup>۱</sup>. زمانی که RBD برای تحلیل بیشتر ایجاد می‌شود (برای مثال برای تحلیل FMEA)، سطح مناسب برای این چنین تحلیلی باید انتخاب شود. به علاوه بایستی اظهارات روشنی راجع به موارد زیر وجود داشته باشد:

- وظیفه‌هایی که باید انجام شود.

-پارامترهای عملکردی و حدود مجاز بر این قبیل پارامترها

-شرایط محیطی و بهره‌برداری

در ایجاد RBD می‌توان از فنون تحلیل کیفی مختلفی استفاده کرد. بنابر این تعریف موفقیت/وقوع خرابی سیستم باید تعیین شود. مرحله بعدی برای هر تعریف موفقیت/وقوع خرابی سیستم، تقسیم سیستم به چند بلوک منطقی جهت تحلیل قابلیت اطمینان است. بلوک‌های خاص ممکن است معرف زیرساختارهای سیستم باشند که به نوبه خود با سایر RBD ها نشان داده می‌شوند (کاهش سیستم-به زیر بند ۸-۴ رجوع شود). برای ارزیابی کیفی RBD، فنون مختلفی وجود دارد. بسته به نوع ساختار، می‌توان فنون بولی ساده (به زیر بند ۸-۱-۳ رجوع شود)، مسیر و/یا<sup>۲</sup> و تحلیل‌های مجموعه برشی<sup>۳</sup> را به کار برد. برای تعریف مجموعه برشی به استاندارد IEC ۶۱۰۲۵ (FTA) رجوع شود. محاسبات می‌توانند با استفاده از روش‌های پایه قابلیت اطمینان/آمادگی جز و روش‌های تحلیلی یا شبیه‌سازی مونت کارلو انجام شوند. مزیت شبیه‌سازی مونت کارلو این است که رویدادهای RBD نباید به صورت تحلیلی ترکیب شوند زیرا خود شبیه‌سازی این امر که کدام بلوک خراب شده یا در حال انجام وظیفه است را به حساب می‌آورد (به زیر بند ۱-۸ رجوع شود).

از آنجا که نمودار بلوکی قابلیت اطمینان روابط منطقی مورد نیاز وظیفه سیستم را توصیف می‌کند، نمودار بلوکی لزوماً معرف روشی که سخت افزار به صورت فیزیکی متصل می‌شود نیست، اگرچه RBD در حالت کلی، تا حد امکان از اتصالات فیزیکی سیستم تبعیت می‌کند.

1 -Assembly  
2 -And/or path

۳-cut set

گروهی از رخدادها که در صورت وقوع، موجب وقوع "رخداد رده بالا" می‌شود.

## ۲-۶ ملاحظات مشروح

### ۱-۲-۶ بهره برداری سیستم

از سیستم یکسان می‌توان در بیش از یک نوع وظیفه‌ای استفاده کرد. اگر برای هر نوع، از سیستم‌های جداگانه‌ای استفاده شود، با این قبیل انواع بایستی به صورت مستقل از انواع دیگر رفتار شده و متناظر با آن بایستی از مدل‌های قابلیت اطمینان جداگانه‌ای استفاده شود. در صورتی که از سیستم یکسان برای انجام تمامی این وظیفه‌ها استفاده شود، برای هر نوع بهره‌برداری بایستی از نمودارهای جداگانه‌ای استفاده کرد. اظهارات روشنی از اینکه چه چیزی موفقیت/وقوع خرابی سیستمی را برای هر جنبه از بهره‌برداری سیستم تشکیل می‌دهد، یک پیش نیاز است.

### ۲-۲-۶ شرایط محیطی

مشخصات عملکردی سیستم بایستی با توصیفی از شرایط محیطی که در آن سیستم برای بهره‌برداری طراحی شده است همراه باشند. همچنین بایستی توصیفی از تمامی شرایطی که سیستم در طول حمل و نقل، انبارش و استفاده در معرض آن قرار می‌گیرد در آن گنجانده شود.

قطعه خاصی از تجهیزات اغلب در بیش از یک محیط، برای مثال در عرشه کشتی، در هواپیما یا در روی زمین مورد استفاده قرار می‌گیرد. در صورتی که این امر برقرار باشد، ارزیابی‌های قابلیت اطمینان را هر بار می‌توان با استفاده از یک نمودار بلوکی قابلیت اطمینان انجام داد ولی برای هر محیط از نرخ‌های وقوع خرابی مناسبی استفاده می‌شود.

### ۳-۲-۶ چرخه‌های کاری

رابطه بین زمان تقویمی، زمان بهره‌برداری و چرخه‌های خاموش/روشن بایستی برقرار شود. اگر بتوان فرض کرد که فرآیند تجهیزات کلیدزنی خاموش و روشن به خودی خود وقوع خرابی‌ها را بیشتر نمی‌کند و نرخ وقوع خرابی تجهیزات در انبارش قابل صرف‌نظر است، آنگاه نیاز است تا فقط زمان کاری واقعی تجهیزات در نظر گرفته شود. به هر حال در برخی موارد، فرآیند کلید زنی خاموش و روشن به خودی خود علت اصلی وقوع خرابی تجهیزات است و تجهیزات در انبارش ممکن است دارای نرخ وقوع خرابی بالاتری از حالت کاری (برای مثال در شرایط مرطوب و خوردگی) باشند. در موارد پیچیده که فقط بخشهایی از سیستم با کلید زنی خاموش و روشن می‌شود، فنون مدلسازی غیر از نمودارهای بلوکی قابلیت اطمینان (از قبیل تحلیل مارکوف) ممکن است مناسبتر باشند.

## ۷ مدل‌های اولیه

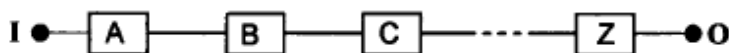
### ۱-۷ تکوین مدل

گام اول انتخاب تعریف موفقیت/وقوع خرابی سیستم است. اگر بیش از یک تعریف دخیل شوند، ممکن است برای هر کدام به نمودار بلوکی جداگانه‌ای نیاز باشد. گام بعدی، تقسیم سیستم به بلوک‌هایی جهت بازتاب رفتار

منطقی است به گونه ای که هر بلوک از نظر آماری مستقل از بلوک‌های دیگر بوده و تا حد امکان بزرگ باشد. در عین حال هر بلوک نبایستی (ترجیحاً) ردوندانسی داشته باشد.

در عمل انجام تلاش‌های تکراری ممکن است قبل از نهایی کردن نمودار بلوکی برای ایجاد نمودار بلوکی قابلیت اطمینان ضرورت داشته باشد (هر بار گام‌های ارجاع داده شده به فوق به خاطر داشته باشید).

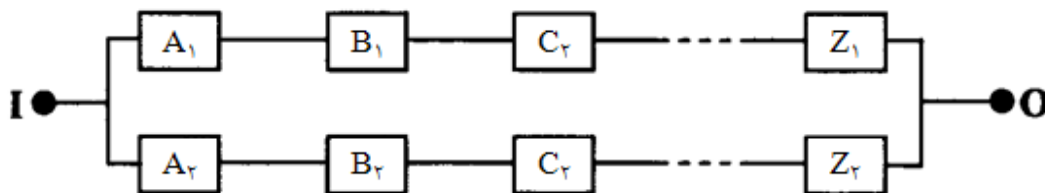
گام بعدی رجوع به تعریف موفقیت/وقوع خرابی سیستم و ایجاد نموداری است که بلوک‌ها را برای ایجاد یک "مسیر موفق" به هم متصل کند. همان‌طور که در نمودار زیر مشخص شده است، مسیرهای موفقیت مختلف بین درگاه‌های ورودی و خروجی نمودار از میان ترکیبی از بلوک‌ها می‌گذرد که انجام وظیفه آنها برای انجام وظیفه سیستم نیاز می‌باشد. اگر لازم باشد تمامی بلوک‌ها برای انجام وظیفه سیستم، انجام وظیفه کنند، نمودار بلوکی قابلیت اطمینان متناظر، نموداری است که در آن تمامی بلوک‌ها به صورت سری که در شکل ۱ نشان داده شده به هم متصل هستند.



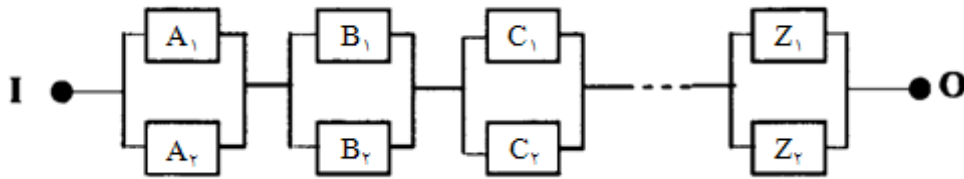
شکل ۱- نمودار بلوکی قابلیت اطمینان سری

در این نمودار، I درگاه ورودی، O درگاه خروجی و A، B، C، ...، Z بلوک‌هایی هستند که با هم‌دیگر سیستم را تشکیل می‌دهند. نمودارهایی از این نوع به نمودارهای بلوکی قابلیت اطمینان "سری" یا "مدل‌های سری" معروف هستند.

نوع متفاوتی از نمودار بلوکی قابلیت اطمینان، زمانی مورد نیاز است که وقوع خرابی یک جز یا بلوک تنها تا زمانی که تعریف موفقیت/وقوع خرابی سیستم مد نظر باشد، بر عملکرد سیستم تاثیری نگذارد. برای مثال اگر در مثال فوق، کل اتصال تکرار شود (ردوندانت شود) نمودار بلوکی به صورت شکل ۲ نشان داده می‌شود. از طرف دیگر اگر هر بلوک درون اتصال تکرار شود، نمودار بلوکی به صورت شکل ۳ نشان داده می‌شود. این گونه نمودارها به نمودارهای بلوکی قابلیت اطمینان "موازی" یا "مدل‌های موازی" معروفند. توجه داشته باشید که واژه‌های "تکرار شده"، "ردوندانت" و "موازی" از نظر معنا بسیار شبیه هم هستند و اغلب به صورت قابل تعویض با هم به کار می‌روند.

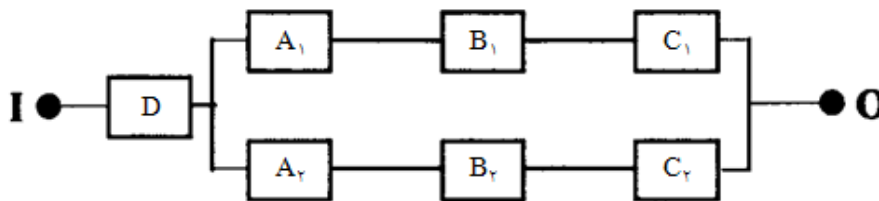


شکل ۲- نمودار بلوکی قابلیت اطمینان سری های تکرار شده (یا موازی)

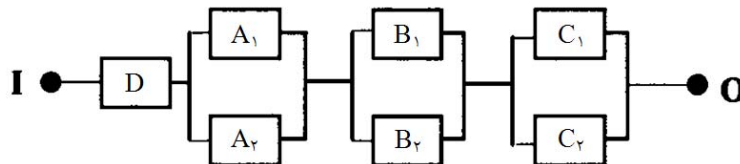


شکل ۳- نمودار بلوکی قابلیت اطمینان تکرار شده (یا موازی) سری

اغلب نمودارهای بلوکی قابلیت اطمینان مورد استفاده برای مدلسازی قابلیت اطمینان سیستم، ترکیبهای پیچیده تری از نمودارهای سری و موازی هستند. اگر به عنوان مثال، تشکیل اتصال ارتباطی تکرار شده متشکل از سه تکرار کننده A، B و C و بلوک تامین انرژی مشترک (D) در نظر گرفته شود، چنین نمودارهایی ایجاد خواهند شد. بنابر این نمودار حاصل به صورت شکل‌های ۴ و ۵ می باشد.



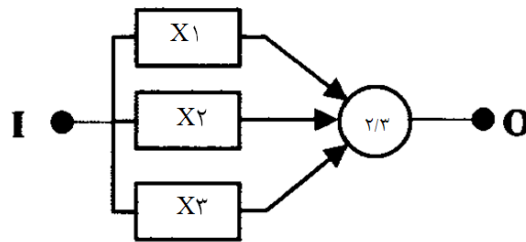
شکل ۴- نمودار بلوکی قابلیت اطمینان ردوندانسی ترکیب شده



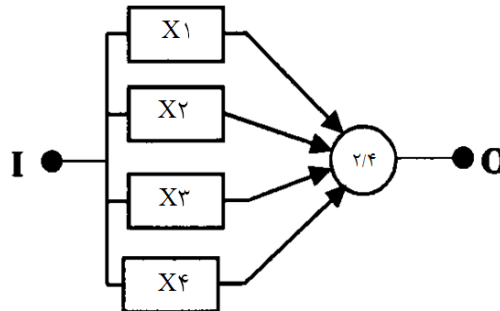
شکل ۵- نوع دیگری از نمودار بلوکی قابلیت اطمینان ردوندانسی ترکیب شده

در احتساب استقلال آماری بیان شده در فوق، وقوع خرابی هر بلوک نباید منجر به تغییر در احتمال وقوع خرابی هر بلوک دیگر درون سیستم شود. به ویژه، وقوع خرابی یک بلوک ردوندانت نباید بر منابع تغذیه سیستم یا منابع سیگنال تاثیر بگذارد.

اگر تعریف موفقیت به صورتی باشد که  $m$  یا بیشتر از آن از  $n$  قلم با اتصال موازی برای موفقیت سیستم مورد نیاز باشند در این صورت نیاز مکرری به سیستم های مدلی احساس خواهد شد. در این صورت نمودار بلوکی قابلیت اطمینان به صورت شکل‌های ۶ و ۷ نشان داده می‌شود.

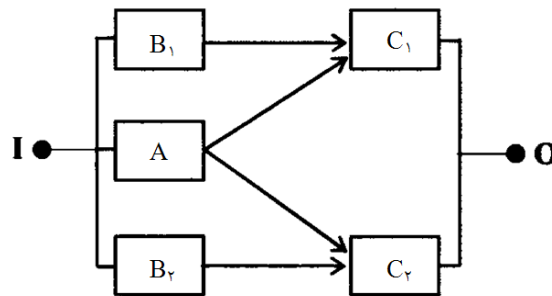


شکل ۶- ردوندانسی ۲/۳



شکل ۷- ردوندانسی ۲/۴

بنابر این در شکل ۶، وقوع خرابی یک قلم تحمل می‌شود اما وقوع خرابی دو قلم یا بیشتر تحمل نخواهد شد. بیشتر نمودارهای بلوکی قابلیت اطمینان به آسانی درک می‌شوند و شرایط موفقیت سیستم مشخص است. البته تمامی نمودارهای بلوکی را نمی‌توان به ترکیبی از سیستم‌های سری یا موازی شبیه‌سازی کرد. نمودار شکل ۸ نمونه‌ای از این حالت را نشان می‌دهد.



شکل ۸- نموداری که به آسانی با ترتیب موازی/سری بلوک‌ها نشان داده نمی‌شود.

در این حالت نیز نمودار گویاست. موفقیت سیستم به شرطی حاصل می‌شود که قلم‌های B1 و C1 هر دو کار می‌کنند یا قلم‌های A و C1، یا A و C2، یا نهایتاً B2 و C2 نیز کار کنند. شکل ۸ تامین سوخت برای موتورهای هواپیمای سبک را نشان می‌دهد. قلم B1 تامین سوخت برای موتور درگاه (C1)، قلم B2 تامین سوخت برای موتور سمت راست (C2) و قلم A نشان دهنده تامین پشتیبان برای هر دو موتور هستند. تعریف موفقیت/وقوع خرابی سیستم آن است که هر دو موتور باید قبل از خرابی هواپیما خراب شوند.

بایستی خاطر نشان کرد که در تمامی نمودارهای فوق، هیچ بلوکی بیش از یکبار در یک نمودار معین ظاهر نمی شود. روش های اجرایی تکوین بیان قابلیت اطمینان برای نمودارهایی از این نوع در بند ۸ ارائه شده است.

## ۲.۷ ارزیابی مدل

قابلیت اطمینان سیستم،  $R_S(t)$ ، احتمال آن است که یک سیستم بتواند وظیفه مورد نیاز را بدون وقوع خرابی تحت شرایط بیان شده برای فاصله زمانی داده شده ( $t$ ) انجام دهد. در حالت کلی این احتمال با رابطه زیر تعریف می شود:

$$R_S(t) = \exp\left(-\int_0^t \lambda(u) du\right)$$

که در آن  $\lambda(u)$  نرخ وقوع خرابی سیستم در  $t=u$  است و  $u$  متغیر جعلی می باشد. در ادامه،  $R_S(t)$  برای سادگی به صورت  $R_S$  نوشته می شود. احتمال وقوع خرابی سیستم  $F_S$  با رابطه زیر داده می شود:

$$F_S = 1 - R_S$$

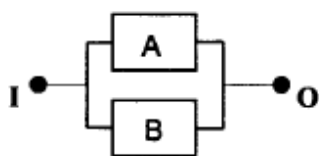
## ۱-۲-۷ مدل های سری

برای سیستمهایی نظیر آنچه که در شکل ۱ نشان داده شده، قابلیت اطمینان سیستم  $R_S$  با معادله ساده زیر داده می شود:

$$R_S = R_A \cdot R_B \cdot R_C \dots R_Z \quad (1)$$

یعنی قابلیت اطمینان سیستم از ضرب قابلیت اطمینان تمامی بلوک های آن به دست می آید.

## ۲-۲-۷ مدل های موازی



شکل ۹- ترتیب موازی بلوک ها

برای سیستم های که از نوع نشان داده در شکل ۹ هستند، احتمال وقوع خرابی سیستم ( $F_S$ ) با رابطه زیر داده می شود:

$$F_S = F_A \cdot F_B$$

بنابر این قابلیت اطمینان سیستم ( $R_S$ ) با رابطه زیر داده می شود:

$$R_S = R_A + R_B - R_A \cdot R_B \quad (2)$$

فرمول (۱) و (۲) را می توان با هم ترکیب کرد. بنابر این اگر یک سیستم به صورتی که در شکل (۲) نشان داده شده وجود داشته باشد ولی در هر شاخه فقط سه قلم موجود باشد، قابلیت اطمینان سیستم برابر است با:

$$R_S = R_{A1} \cdot R_{B1} \cdot R_{C1} + R_{A2} \cdot R_{B2} \cdot R_{C2} - R_{A1} \cdot R_{B1} \cdot R_{C1} \cdot R_{A2} \cdot R_{B2} \cdot R_{C2} \quad (3)$$

به طور مشابه، برای شکل ۳، فرمول به صورت زیر است:

$$R_S = (R_{A1} + R_{A2} - R_{A1} \cdot R_{A2}) \cdot (R_{B1} + R_{B2} - R_{B1} \cdot R_{B2}) \cdot (R_{C1} + R_{C2} - R_{C1} \cdot R_{C2}) \quad (4)$$

$$R_S = 1 - \prod_{i=1}^n (1 - R_i) \quad \text{در حالت کلی،}$$

برای شکل های ۴ و ۵، معادلات قابلیت اطمینان سیستم به سادگی با ضرب معادلات (۳) و (۴) در  $R_D$  به دست می آیند.

### ۳-۲-۷ مدل های $m$ از $n$ (اقلام همسان)

معادله قابلیت اطمینان سیستم متناظر با شکل های ۶ و ۷ اندکی از معادلات فوق پیچیده تر است. در حالت کلی، اگر قابلیت اطمینان سیستم را بتوان با  $n$  قلم همسان موازی نشان داد که در آن  $m$  قلم از  $n$  برای موفقیت سیستم مورد نیاز است، قابلیت اطمینان سیستم  $R_S$  با رابطه زیر داده می شود:

$$R_S = \sum_{r=0}^{m-n} \binom{n}{r} R^{n-r} \cdot (1-R)^r \quad (5)$$

بنابر این قابلیت اطمینان سیستمی که با شکل ۶ نشان داده می شود با رابطه زیر بیان می شود:

$$R_S = R^3 + 3 \cdot R^2 (1-R) = 3 \cdot R^2 - 2 \cdot R^3 \quad (6)$$

که در آن  $R$  قابلیت اطمینان قلم های مجزا است.

به طور مشابه، برای شکل ۷ داریم:

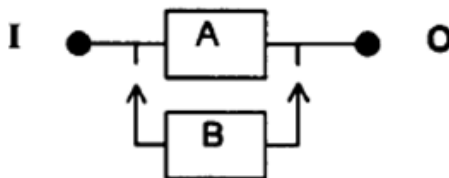
$$R_S = R^4 + 4R^3 \cdot (1-R) + 6 \cdot R^2 \cdot (1-R)^2 = 3 \cdot R^4 - 8 \cdot R^3 + 6 \cdot R^2 \quad (7)$$

برای موارد خاصی که در آن  $m=n-1$   $R_S = n \cdot R^m - m \cdot R^n$

اگر  $n$  قلم همسان نباشند، توصیه می شود از بیش از یک روش اجرایی کلی استفاده شود (به ۳.۸ رجوع شود).

### ۴-۲-۷ مدل های ردوندانسی حاضر در کنار

ردوندانسی حاضر در کنار شکل دیگری از ردوندانسی است که استفاده زیادی دارد (به اولین پاراگراف پیوست الف رجوع شود). ترتیب فیزیکی این ردوندانسی در ابتدایی ترین شکل خود، با نمودار شکل ۱۰ نشان داده می شود.



### شکل ۱۰- ردوندانسی حاضر در کنار

در این شکل، قلم A قلم فعال بر خط است و قلم B قلم حاضر در کنار بوده و منتظر است تا در زمانی که قلم A خراب می‌شود بر روی آن کلید زده شود. اگر چه در مطالب زیر مکانیسم کلیدزنی و حسگری به حساب آورده شده اما در نمودار نشان داده نشده است.

با در نظر گرفتن رویدادهای احتمالی که ممکن است در زمان ماموریت  $t$  رخ دهد می توان معادله قابلیت اطمینان  $R(t)$  سیستم را به دست آورد. این رویدادهای احتمالی عبارتند از:

الف) قلم A در سراسر زمان  $t$  کار می‌کند؛ یا

ب) قلم A با نرخ وقوع خرابی  $\lambda_A$  و تابع چگالی احتمال  $f_A(\tau)$  در ابتدا کار می‌کند اما در زمان  $\tau$  خراب می‌شود؛ و

قلم B (نرخ وقوع خرابی  $\lambda_{Bd}$ ) در ابتدا در حالت غیر فعال است، (یا سرد است یا تحت انرژی پایین قرار دارد) و این حالت تا خرابی A (زمان  $\tau$ ) باقی است که در این زمان انرژی می یابد (نرخ خرابی  $\lambda_B$ ) سپس به وسیله کلید S (قابلیت اطمینان  $R_{SW}(\tau)$ ) با A تعویض می‌شود؛ یا قلم B مابقی ماموریت را با احتمال  $R_B(t-\tau)$  سپری می‌کند. این امر را می توان از نظر ریاضی به صورت زیر بیان کرد:

$$R_S(t) = R_A(t) + \int_0^t f_A(\tau) \cdot R_{Bd}(\tau) \cdot R_{SW}(\tau) \cdot R_B(t-\tau) \cdot d\tau$$

اگر فرض شود که تمامی قلم ها دارای نرخ خرابی غیرفعال یا فعال ثابتی باشند، آنگاه معادله فوق به صورت زیر بیان می‌شود:

$$R_S(t) = e^{-\lambda_A t} + \int_0^t \lambda_A \cdot e^{-\lambda_A \tau} \cdot e^{-\lambda_{Bd} \tau} \cdot e^{-\lambda_{SW} \tau} \cdot e^{-\lambda_B(t-\tau)} \cdot d\tau$$

یادآوری اگر قابلیت اطمینان کلید تابع زمان نبوده و تابع برخی متغیرهای دیگر (از قبیل تعداد بهره برداریها، تقاضاها و غیره) باشد، ترجیح داده می‌شود که اصلاً از علامت گذاری تابعی استفاده نشود بلکه به جای آن از  $R_{SW}$  برای نشان دادن قابلیت اطمینان کلید استفاده شود.

در ارزیابی طرف راست معادله فوق داریم:

$$R_S(t) = e^{-\lambda_A t} + \frac{\lambda_A}{\lambda_A + \lambda_{SW} + \lambda_{Bd} - \lambda_B} \left[ e^{-\lambda_B t} - e^{-(\lambda_A + \lambda_{SW} + \lambda_{Bd})t} \right]$$

با فرض کلیدزنی کامل،  $\lambda_{SW} = 0$ ، معادله به صورت زیر به دست می‌آید:

$$R_S(t) = e^{-\lambda_A t} + \frac{\lambda_A}{\lambda_A + \lambda_{Bd} - \lambda_B} \left[ e^{-\lambda_B t} - e^{-(\lambda_A + \lambda_{Bd})t} \right]$$

اگر نرخ وقوع خرابی غیرفعال قلم B نیز برابر با صفر فرض شود، آنگاه قابلیت اطمینان سیستم ردوندانت حاضر در کنار برابر است با:

$$RS(t) = e^{-\lambda_A t} + \frac{\lambda_A}{\lambda_A - \lambda_B} \left[ e^{-\lambda_B t} - e^{-\lambda_A t} \right]$$

اگر علاوه بر موارد فوق، نرخ های وقوع خرابی برابر هم باشند ( $\lambda_B = \lambda$  و  $\lambda_A = \lambda$ )، آنگاه معادله قابلیت اطمینان سیستم را می توان با رابطه زیر بیان کرد:

$$R_S(t) = e^{-\lambda t \cdot (1 + \lambda t)}$$

اگر تحت این قبیل شرایط ایده آل،  $n$  قلم (به جای یک قلم) به حالت حاضر در کنار وجود داشته باشند و معادله اخیر به صورت زیر نوشته می شود:

$$RS(t) = e^{-\lambda t} \left( 1 + \lambda t + \frac{(\lambda t)^2}{2!} + \frac{(\lambda t)^3}{3!} + \dots + \frac{(\lambda t)^n}{n!} \right)$$

بایستی به خاطر داشت که نمودار واقعی بلوکی قابلیت اطمینان بایستی شامل بلوک هایی برای نشان دادن قابلیت اطمینان مکانیزم کلیدزنی به اضافه حسگری باشد که اغلب "اتصال ضعیفی" در سیستم های حاضر در کنار می باشد.

بایستی خاطرنشان کرد که بر خلاف تمامی مثالهایی که تاکنون در این استاندارد بررسی شده و در مابقی این استاندارد بررسی می شوند، احتمال بقای یک قلم (قلم B) وابسته به زمان خرابی قلم دیگر (قلم A) است. به عبارت دیگر، قلم های A و B را نمی توان مستقلاً به عنوان خراب نسبت داد. در نتیجه، سایر روش های اجرایی از قبیل تحلیل مارکوف را بایستی برای تحلیل سیستم های حاضر در کنار به کار برد.

## ۸ مدل های پیچیده تر

### ۱-۸ روش های اجرایی کلی

#### ۱-۱-۸ زمینه

با استفاده از فرمول مناسب قابلیت اطمینان انتخاب شده از معادلات (۱) تا (۷) می توان قابلیت اطمینان  $RS(t)$  تمامی سیستم های که تاکنون در نظر گرفته شده را ارزیابی کرد. البته برای برخی از سیستم ها، RBD های متناظر را نمی توان به صورت مناسبی با هیچیک از فرمولهای فوق ارزیابی نمود. این سیستم ها پیچیده تر بوده و باید از روش های تحلیل قابلیت اطمینان دیگری استفاده کرد. بایستی خاطر نشان کرد که RBD های پیچیده تر را معمولاً می توان با شبیه سازی مونت کارلو ارزیابی کرد. به هر حال این استاندارد با استفاده از این قبیل روش ها سر و کار ندارد.

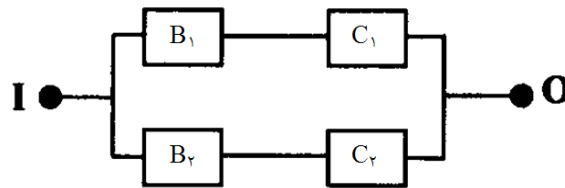
برای روش های که در ادامه بررسی می شوند، شرط استقلال به صورتی که در بند ۵-۱ بیان شده باید اعمال شود.

### ۸-۱-۲ استفاده از قضیه احتمال کل

هنگام کار با نمودارهای بلوکی قابلیت اطمینان از نوعی که در شکل ۸ نشان داده شده است به روش متفاوتی نیاز است. یکی از این قبیل روش ها بر مبنای نظریه احتمال کل قرار دارد که در ادامه بیان می شود. برای  $n$  رویداد دو به دو ناسازگار  $A_1, \dots, A_n$  که جمع احتمال های آنها برابر یک باشد، احتمال رویداد دلخواه  $B$  با رابطه  $P(B) = P(B|A_1).P(A_1) + \dots + P(B|A_n).P(A_n)$  بیان می شود.  $P(A_i)$  احتمال رخداد رویداد  $A_i$  و  $P(B|A_i)$  احتمال شرطی  $B$  به شرط  $A_i$  است. فرم مناسب از فرمول فوق که برای تحلیل نمودارهای بلوکی قابلیت اطمینان مناسب است، استفاده مکرر از رابطه زیر می باشد:

$$R_S = P_r(SS|X_{\text{کار مشغول}}).P_r(X_{\text{کار مشغول}}) + P_r(SS|X_{\text{خراب شده}}).P_r(X_{\text{خراب شده}})$$

در معادله فوق،  $R_S$  قابلیت اطمینان سیستم،  $P_r(SS|X_{\text{کار مشغول}})$  قابلیت اطمینان سیستم (احتمال موفقیت سیستم) با شرط مشغول کار بوده بلوک خاص  $X$  و  $P_r(SS|X_{\text{خراب شده}})$  قابلیت اطمینان سیستم با شرط خراب بودن قلم خاص  $X$  است. برای مثال، اگر در شکل ۸، قلم  $A$  خراب شده باشد، نمودار بلوکی قابلیت اطمینان به صورت زیر نشان داده می شود.

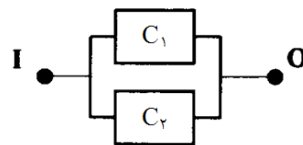


شکل ۱۱- نمایش شکل ۸ در صورتی که قلم  $A$  خراب شده باشد.

بنابر این

$$Pr(SS|A \text{ خراب شده}) = R_{B1}.R_{C1} + R_{B2}.R_{C2} - R_{B1}.R_{C1}.R_{B2}.R_{C2}$$

مشابهاً زمانی که  $A$  مشغول کار است، نمودار بلوکی قابلیت اطمینان به صورت ساده و با شکل ۱۲ نشان داده می شود.



شکل ۱۲- نمایش شکل ۸ در صورتی که قلم  $A$  مشغول کار باشد.

بنابر این

$$P_r(SS|A \text{ مشغول کار}) = R_{C1} + R_{C2} - R_{C1}.R_{C2}$$

از این رو

$$R_S = (R_{C1} + R_{C2} - R_{C1}.R_{C2}).R_A + (R_{B1}.R_{C1} + R_{B2}.R_{C2} - R_{B1}.R_{C1}.R_{B2}.R_{C2}).(1 - R_A)$$

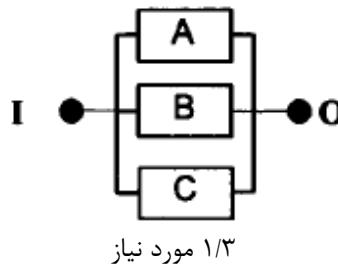
اگر  $R_{C1} = R_{C2} = R_C$  و  $R_{B1} = R_{B2} = R_B$  معادله فوق به صورت زیر ساده سازی می شود:

$$RS = (2R_C - R_C^2).R_A + (2R_B.R_C - R_B^2.R_C^2)(1 - R_A) \quad (8)$$

فن بیان شده در زیر بند ۸-۱-۲ را می توان برای تصدیق معادلات (۶) و (۷) به کار برد.

### ۳-۱-۸ استفاده از جداول درستی بولی

مسیرهای موفقیت سیستم که توسط RBD ها تصویر می شود را می توان با عبارات بولی نشان داد. برای مثال، سه قلم A، B و C که به صورت موازی با هم اتصال دارند (یکی از آنها برای موفقیت سیستم مورد نیاز است) را می توان با RBD در شکل ۱۳ یا با عبارت بولی زیر نشان داد.



شکل ۱۳- آرایش موازی یک از سه

$$SS = A \cup B \cup C \quad (9)$$

که در آن SS نشان دهنده موفقیت سیستم است و A، B و C نشاندهنده حالات موفقیت بلوک های A، B و C می باشد.

به هر حال، نمادهای A، B و C را نمی توان جهت به دست آوردن مقداری برای قابلیت اطمینان سیستم مستقیماً با احتمالات متناظر  $R_A$ ،  $R_B$  و  $R_C$  جایگزین کرد. این امر به خاطر آن است که معادله (۹) در حقیقت مجموعه ای از نمادهای همپوشان (ناهمپوشان) می باشد (به بند ۳.۲ رجوع شود).

$$SS = \overline{A}\overline{B}C \cup \overline{A}B\overline{C} \cup \overline{A}BC \cup A\overline{B}\overline{C} \cup A\overline{B}C \cup AB\overline{C} \cup ABC \quad (10)$$

در عبارتهای کاملاً بولی، معادلات (۹) و (۱۰) معادل هستند. در معادله (۱۰) هر نماد حرفی (از قبیل A،  $\overline{A}$ ، B،  $\overline{B}$ ، C،  $\overline{C}$ ) را می توان با نماد قابلیت اطمینان/عدم قابلیت اطمینان متناظر جایگزین کرد:

$$R_A, (1 - R_A), R_B, (1 - R_B), R_C, (1 - R_C)$$

که معادله ای برای قابلیت اطمینان سیستم  $R_S$  به صورت زیر به دست می آید:

$$R_S = R_A(1 - R_B)(1 - R_C) + (1 - R_A)R_B(1 - R_C) + (1 - R_A)(1 - R_B)R_C + R_A(1 - R_B)R_C + \quad (11)$$

$$R_A R_B(1 - R_C) + (1 - R_A)R_B R_C + R_A R_B R_C$$

راه حل ساده تر نوشتن معادله (۹) با نمادهای ناهمپوشان به صورت زیر است:

$$SS = A \cup \overline{A} \cap B \cup \overline{B} \cap \overline{A} \cap C \quad (12)$$

بنابر این

$$R_S = R_A + (1 - R_A).R_B + (1 - R_B).(1 - R_A).R_C \quad (13)$$

می‌توان نشان داد که معادلات (۱۱) و (۱۳) با انجام ساده سازی، همسان می‌شوند. فرآیند رسیدن به معادله (۱۱) را به صورت سیستماتیک تری می‌توان با استفاده از جداول درستی انجام داد تا معادله (۹) را به صورتی که در جدول ۱ نشان داده شده به معادله (۱۰) تبدیل شود. با ارجاع به جدول ۱، نماد های موفقیت برابرند با (از بالا به پایین):  
 $\bar{A} \cap \bar{B} \cap C, \bar{A} \cap B \cap \bar{C}, \bar{A} \cap B \cap C, A \cap \bar{B} \cap \bar{C}, A \cap \bar{B} \cap C, A \cap \bar{B} \cap C, A \cap B \cap C$   
 این نمادها ترکیب شده ( به صورت "OR") و معادله (۱۰) را به دست می‌دهند.

جدول ۱- کاربرد جدول درستی برای مثال شکل ۱۳

قلم			سیستم
A	B	C	
۰	۰	۰	۰
۰	۰	۱	۱
۰	۱	۰	۱
۰	۱	۱	۱
۱	۰	۰	۱
۱	۰	۱	۱
۱	۱	۰	۱
۱	۱	۱	۱

یادآوری = ۱ کاری، = ۰ خراب

در ادامه مثال نشان داده شده در شکل ۸ مورد بررسی قرار گرفته و ترکیبهای احتمالی (در کل ۳۲ ترکیب) از قلم های کاری و خراب به صورتی که در جدول ۲ نشان داده شده فهرست می‌شوند.

جدول ۲- کاربرد جدول درستی برای مثال شکل ۸

قلم					سیستم
B <sub>۱</sub>	B <sub>۲</sub>	C <sub>۱</sub>	C <sub>۲</sub>	A	
۰	۰	۰	۰	۰	۰
۰	۰	۰	۰	۱	۰
۰	۰	۰	۱	۰	۰
۰	۰	۰	۱	۱	۱
۰	۰	۱	۰	۰	۰
۰	۰	۱	۰	۱	۱
۰	۰	۱	۱	۰	۰
۰	۰	۱	۱	۱	۱
۰	۱	۰	۰	۰	۰
۰	۱	۰	۰	۱	۰
۰	۱	۰	۱	۰	۱
۰	۱	۰	۱	۱	۱
۰	۱	۱	۰	۰	۰
۰	۱	۱	۰	۱	۱
۰	۱	۱	۱	۰	۱
۰	۱	۱	۱	۱	۱
۱	۰	۰	۰	۰	۰
۱	۰	۰	۰	۱	۰
۱	۰	۰	۱	۰	۰
۱	۰	۰	۱	۱	۱
۱	۰	۱	۰	۰	۱
۱	۰	۱	۰	۱	۱
۱	۰	۱	۱	۰	۱
۱	۰	۱	۱	۱	۱
۱	۱	۰	۰	۰	۰
۱	۱	۰	۰	۱	۰
۱	۱	۰	۱	۰	۱
۱	۱	۰	۱	۱	۱
۱	۱	۱	۰	۰	۱
۱	۱	۱	۰	۱	۱
۱	۱	۱	۱	۰	۱
۱	۱	۱	۱	۱	۱

ترکیب‌های موفقیت قلم‌ها را می‌توان از جدول ۲ انتخاب کرد و عبارت قابلیت اطمینان سیستم، مجموعه‌ای از نمادهای دو به دو ناسازگار است که می‌توان آن‌ها را به صورت زیر نوشت:

$$SS = \bar{B}_1 \cap \bar{B}_2 \cap \bar{C}_1 \cap C_2 \cap A \cup \bar{B}_1 \cap \bar{B}_2 \cap C_1 \cap \bar{C}_2 \cap A \cup \dots \cup B_1 \cap B_2 \cap C_1 \cap C_2 \cap A \quad (14)$$

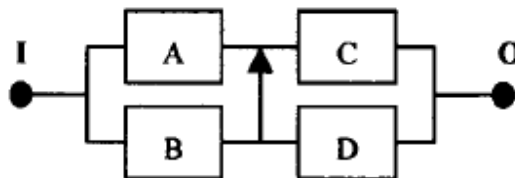
که از آن داریم

$$R_S = (1 - R_{B_1}) \cdot (1 - R_{B_2}) \cdot (1 - R_{C_1}) \cdot R_{C_2} \cdot R_A + (1 - R_{B_1}) \cdot (1 - R_{B_2}) \cdot R_{C_1} \cdot (1 - R_{C_2}) \cdot R_A + \dots + R_{B_1} \cdot R_{B_2} \cdot R_{C_1} \cdot R_{C_2} \cdot R_A$$

معادله (۱۴) دارای ۱۹ نماد است (یکی برای هر ترکیبی که موفقیت را نتیجه می‌دهد) و برای به دست آوردن نتیجه مورد نظر، تمامی آنها باید با هم جمع شوند. از این لحاظ می‌توان مشاهده کرد اگرچه آنکه مفهوم گنجانده شده در روش جدول درستی بولی کاملاً سر راست است اما به سرعت به روشی سنگین تبدیل می‌شود. برای توصیف مشروح کاربرد کلی روش‌های بولی به پیوست الف مراجعه کنید.

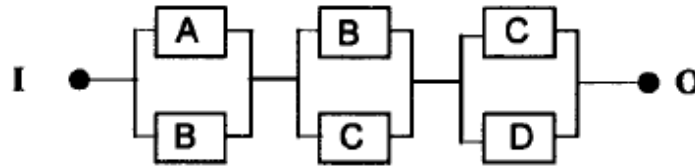
#### ۲-۸ مدل‌هایی با بلوک‌های مشترک

در بند ۷ توجه داشته باشید که هیچ بلوکی بیش از یک‌بار در RBD ها دیده نمی‌شود. به هر حال گاهی اوقات استفاده از نمودارهای بلوکی از نوعی که در شکل ۱۴ نشان داده شده، مفید واقع می‌شود. برای مثال اقلام C و D ممکن است دو قلم با وظیفه مشابه باشند که هر کدام به عنوان نسخه‌های تکراری برای دیگری عمل می‌کنند. قلم A فقط می‌تواند به قلم C انرژی دهد و این در حالی است که قلم B قادر به تامین انرژی قلم‌های C و D می‌باشد. این وضعیت در شکل ۱۴ نشان داده شده است. این شکل نه تنها ترتیب فیزیکی قلم‌ها بلکه نمودار بلوکی قابلیت اطمینان را نیز نشان می‌دهد. گنجاندن پیکان در نموداری از این قبیل، اهمیت دارد.



شکل ۱۴- نمودار بلوکی قابلیت اطمینان با استفاده از یک پیکان برای کمک در تعریف موفقیت سیستم

به روش دیگر، مسیرهای موفقیت سیستم در مثال فوق را می‌توان با یک نمودار بلوکی نشان داد که در آن برخی از بلوک‌ها به صورتی که در شکل ۱۵ نشان داده شده، بیش از یک‌بار ظاهر می‌شوند. این نمودار از شکل ۱۴ و با امتحان شکل اخیر و توجه به جفت اقلامی که اگر با هم خراب شوند، سبب خرابی سیستم می‌شوند به دست آمده است. بنابر این شکل ۱۵ ترکیبی سری از این قبیل جفت‌هاست.



شکل ۱۵- نمایش دیگری از شکل ۱۴ و با استفاده از بلوک‌های مشترک

هنگام کار با نمودار بلوکی قابلیت اطمینان از نوع فوق، این امر نادرست است که با بلوک‌ها به عنوان جفت‌های مستقل رفتار شود و آن‌گاه قابلیت اطمینان جفت‌ها با همدیگر، ضرب شود. در عوض بایستی از هر یک از روش‌های داده شده در زیربندهای ۲-۱-۸ و ۳-۱-۸ استفاده کرد. به عنوان مثال، با استفاده از روش توصیف شده در زیربند ۲-۱-۸، داریم:

$$R_S = \Pr(SS|کاری B) \cdot \Pr(کاری B) + \Pr(SS|خراب B) \cdot \Pr(خراب B)$$

که در آن،  $\Pr(SS|کاری B)$  با نمودار بلوکی قابلیت اطمینان متشکل از بلوک‌های موازی C و D داده می‌شود. اما

$$\begin{aligned} \Pr(SS|خراب B) &= \Pr(SS|خراب B|کاری C) \cdot \Pr(کاری C) + \Pr(SS|خراب B|خراب C) \cdot \Pr(خراب C) \\ &= R_A R_C + \dots \end{aligned}$$

بنابر این

$$R_S = (R_D + R_C - R_D \cdot R_C) \cdot R_B + R_A \cdot R_C \cdot (1 - R_B)$$

یعنی

$$R_S = R_A \cdot R_C + R_B \cdot R_C + R_B \cdot R_D - R_A \cdot R_B \cdot R_C - R_D \cdot R_B \cdot R_C$$

به یاد داشته باشید که شکل‌های ۱۴ و ۱۵ روش‌های متفاوتی برای مدلسازی یک تعریف وقوع خرابی می‌باشند. برای مثال، وقوع خرابی سیستمی زمانی رخ می‌دهد که بلوک‌های A و B یا بلوک‌های B و C یا بلوک‌های C و D خراب شوند. به عبارت دیگر، عبارات بولی موفقیت سیستم (SS) یا وقوع خرابی سیستم (SF) برای

اشکال ۱۴ و ۱۵ یکسان هستند، یعنی

$$SS = A \cap C \cup B \cap C \cup B \cap D \qquad SF = \bar{A} \cap \bar{B} \cup \bar{B} \cap \bar{C} \cup \bar{C} \cap \bar{D}$$

با اعمال روش توصیف شده در زیربند ۳-۱-۸، می‌توان جدول ۳ را تدوین کرد.

جدول ۳- کاربرد جدول درستی برای مثال های اشکال ۱۴ و ۱۵

قلم				سیستم
A	B	C	D	
۱	۱	۱	۱	۱
۱	۱	۱	۰	۱
۱	۱	۰	۱	۱
۱	۱	۰	۰	۰
۱	۰	۱	۱	۱
۱	۰	۱	۰	۱
۱	۰	۰	۱	۰
۱	۰	۰	۰	۰
۰	۱	۱	۱	۱
۰	۱	۱	۰	۱
۰	۱	۰	۰	۰
۰	۰	۱	۱	۰
۰	۰	۱	۰	۰
۰	۰	۰	۱	۰
۰	۰	۰	۰	۰

یادآوری = ۱ کار، ۰ خراب

از جدول ۳، معادله زیر را می توان به دست آورد.

$$R_S = R_A \cdot R_B \cdot R_C \cdot R_D + R_A \cdot R_B \cdot R_C \cdot (1 - R_D) + R_A \cdot R_B \cdot (1 - R_C) \cdot R_D + R_A \cdot (1 - R_B) \cdot R_C \cdot R_D + R_A \cdot (1 - R_B) \cdot R_C \cdot (1 - R_D) + (1 - R_A) \cdot R_B \cdot R_C \cdot R_D + (1 - R_A) \cdot R_B \cdot R_C \cdot (1 - R_D) + (1 - R_A) \cdot R_B \cdot (1 - R_C) \cdot R_D$$

این معادله را می توان به معادله زیر ساده کرد:

$$R_S = R_A \cdot R_C + R_B \cdot R_D + R_B \cdot R_C - R_A \cdot R_B \cdot R_C - R_D \cdot R_B \cdot R_C$$

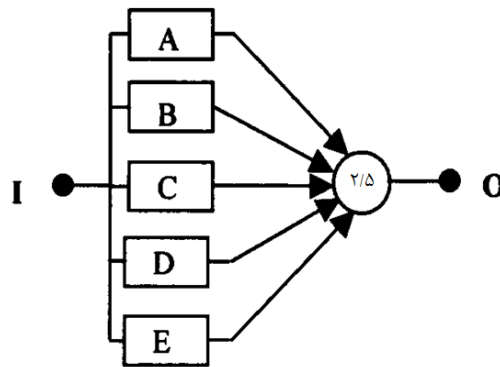
در عین حال روش دیگری برای کار با بلوک های مشترک وجود دارد که در ادامه بیان می شود. ابتدا این حقیقت که برخی از بلوک ها برای بیش از یک بار ظاهر می شوند را نادیده گرفته و معادله قابلیت اطمینان سیستم  $R_S$  را به صورت عادی بنویسید.

حال اگر این پرانتزها با هم ضرب شوند (که در کل ۲۷ جمله حاصل می کنند) و جمله هایی مثل  $R_A \cdot R_B \cdot R_C^2$  و  $R_D \cdot R_B \cdot R_C^2$  به ترتیب با معادل های بولی خود یعنی  $R_A \cdot R_B \cdot R_C$  و  $R_D \cdot R_B \cdot R_C$  جایگزین می شوند و به این ترتیب معادله قابلیت اطمینان ( $R_S$ ) به معادله زیر کاهش می یابد:

$$R_S = R_A \cdot R_C + R_B \cdot R_D + R_B \cdot R_C - R_A \cdot R_B \cdot R_C - R_D \cdot R_B \cdot R_C$$

### ۳-۸ مدل‌های m از n (اقلام غیر همسان)

روش اجرایی توصیف شده در زیربند ۳-۲-۷ در این حالت کاربرد ندارد. به عنوان مثال، سیستمی را در نظر بگیرید که با نمودار بلوکی قابلیت اطمینان در شکل ۱۶ نشان داده می‌شود.



شکل ۱۶- سیستم غیر همسان ۲ از ۵

قابلیت اطمینان این چنین سیستمی را می‌توان با یکی از فنون توصیف شده در زیربندهای ۲-۱-۸ یا ۳-۱-۸ ارزیابی کرد. از میان این فنون، فن توصیف شده در زیربند ۳-۱-۸ به ۳۲ ورودی نیاز دارد که از آن می‌توان احتمال وقوع خرابی سیستم  $F_S$  را به صورت زیر به دست آورد:

$$F_S = (1 - R_A) \cdot (1 - R_B) \cdot (1 - R_C) \cdot (1 - R_D) \cdot (1 - R_E) + (1 - R_A) \cdot (1 - R_B) \cdot (1 - R_C) \cdot (1 - R_D) \cdot R_E + (1 - R_A) \cdot (1 - R_B) \cdot (1 - R_C) \cdot R_D \cdot (1 - R_E) + (1 - R_A) \cdot (1 - R_B) \cdot R_C \cdot (1 - R_D) \cdot (1 - R_E) + (1 - R_A) \cdot R_B \cdot (1 - R_C) \cdot (1 - R_D) \cdot (1 - R_E) + R_A \cdot (1 - R_B) \cdot (1 - R_C) \cdot (1 - R_D) \cdot (1 - R_E)$$

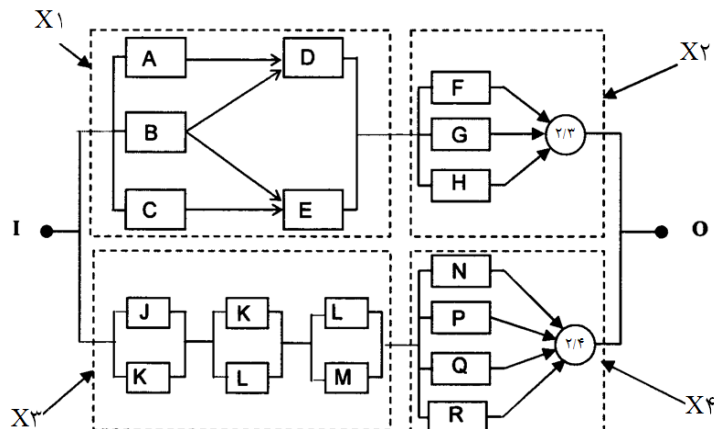
بنابر این می‌توان مقدار  $R_S = 1 - F_S$  را به دست آورد.

یادآوری در پیوست ب، فن کارتری توصیف شده است.

### ۴-۸ روش کاهش

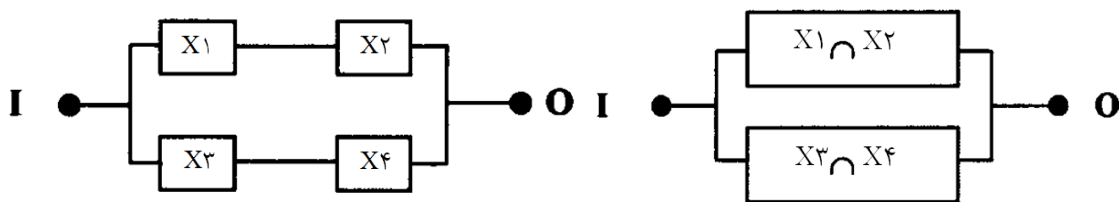
گاهی اوقات، نمودارهای بلوکی قابلیت اطمینان بسیار پیچیده به نظر می‌رسند. به هر حال با امتحان دقیق، اغلب می‌توان بلوک‌ها را در نمودار با هم گروه بندی کرد به گونه‌ای که گروه‌ها به صورت آماری مستقل از هم باشند. این امر به معنای آنست که هیچ دو (یا چند) گروهی نمی‌تواند دارای یک بلوک علامتگذاری شده با نماد یکسان باشد.

برای مثال، نمودار بلوکی قابلیت اطمینان نشان داده شده در شکل ۱۷ را در نظر بگیرید.



شکل ۱۷-نمایش گروه بندی بلوک ها قبل از کاهش

شکل ۱۷ را می توان با ارزیابی قابلیت اطمینان ۴ گروه خط چین شده از بلوک های  $X_1, X_2, X_3$  و  $X_4$  به نمودار نشان داده شده در شکل ۱۸ الف کاهش داد. این بلوک ها به ترتیب در بندهای ۱-۸، ۳-۲-۷، ۲-۸ و ۳-۲-۷ نیز نشان داده شده اند. نمودار شکل ۱۸ الف را می توان به یک بلوک در شکل ۱۸ ب کاهش داد.



شکل ۱۸ الف

شکل ۱۸ ب

شکل ۱۸- نمودارهای کاهش یافته بلوکی قابلیت اطمینان

بنابر این قابلیت اطمینان سیستم نهایی به صورتی که در زیربند ۲-۲-۷ توضیح داده شده (ارجاع به شکل ۱۸ ب) با رابطه زیر بیان می شود:

$$R_S = R_{X_1} \cdot R_{X_2} + R_{X_3} \cdot R_{X_4} - R_{X_1} \cdot R_{X_2} \cdot R_{X_3} \cdot R_{X_4}$$

### ۹ بسط روش های نمودار بلوکی قابلیت اطمینان به محاسبات آمادگی

تحت شرایط خاص می توان از تمامی فرمولها و روش های اجرایی این استاندارد برای انجام پیش بینی های آمادگی حالت پایدار سیستم استفاده کرد. این کار با جایگزینی ساده عبارات قابلیت اطمینان با عبارات متناظر آمادگی انجام می شود.

بسط روش ها تنها زمانی معتبر است که وقوع خرابی ها و تعمیرهای اقلام منفرد مستقل از دیگری باشد. این امر در عمل به آن معناست که وقوع خرابی هر قلم نباید به هیچ طریقی بر شروع وقوع خرابی هیچ قلم دیگری تاثیر گذاشته و بایستی در عمل "انباری نامتناهی" از منابع تعمیر آماده باشد.

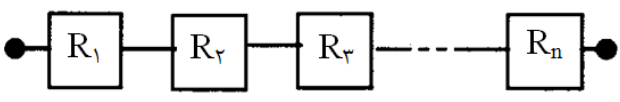
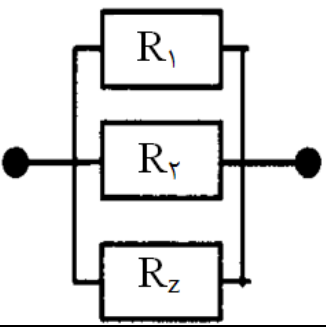
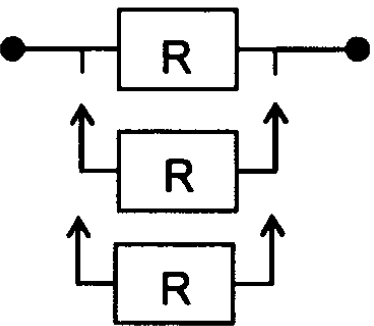
به عبارت دیگر، زمان ناآمد میانگین هر قلم بایستی به تنهایی مقیاسی از آن قلم باشد و نبایستی به اینکه چه مقدار قلم دیگر خراب شده و نیازمند تعمیر هستند، بستگی داشته باشد. اگر روش مونتاژ قلم ها به صورتی باشد که هر قلم به آسانی قابل دسترسی بوده و با هیچ کدام از اقلام دیگر مسدود نشده باشد، اعتبار روش ها ظاهراً بیش از پیش تقویت خواهد شد.

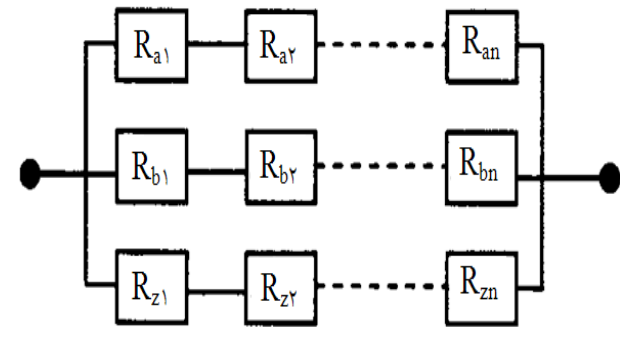
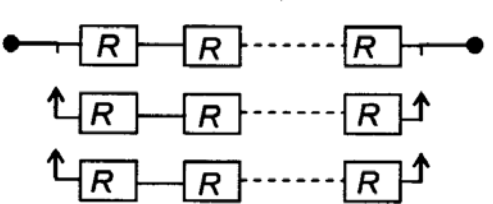
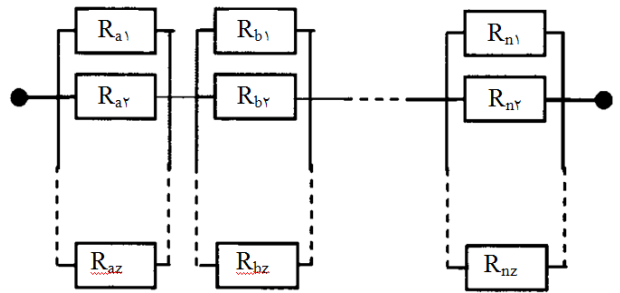
## پیوست الف

### (اطلاعاتی)

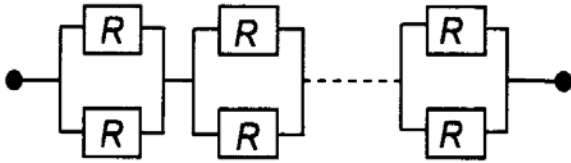
#### جمع بندی فرمول‌ها

در جداول این پیوست، از واژه های "فعال" و "حاضر در کنار" به فراوانی استفاده شده است. واژه فعال برای مشخص کردن این امر به کار می‌رود که بلوک‌های مورد نظر (که هر کدام از آنها ممکن است از یک جزء، زیر سیستم، سیستم و غیره تشکیل شوند) انرژی دریافت کرده (روشن شده) و بنابر این وقوع خرابی آنها محتمل است. از طرف دیگر، واژه حاضر در کنار برای مشخص کردن این مطلب استفاده می‌شود که بلوک یا بلوک‌های مورد نظر انرژی را از دست داده (خاموش شده) و محکوم به خرابی نیستند.

پیکره بندی مبنایی	معادله قابلیت اطمینان سیستم $R_S$
 <p>۱. سری</p>	<p>الف- حالت کلی</p> $R_S = R_1 \cdot R_2 \cdot \dots \cdot R_n$ <p>ب- با <math>R_1 = R_2 = \dots = R_n = R</math></p> $R_S = R^n$
 <p>۲. موازی فعال</p>	<p>ج- حالت کلی فعال</p> $R_S = 1 - (1 - R_1)(1 - R_2) \dots (1 - R_z)$
 <p>حاضر در کنار</p>	<p>چ- فعال با <math>R_1 = R_2 = \dots = R_z = R</math></p> $R_S = 1 - (1 - R)^z$ <p>ح- حاضر در کنار با <math>R = e^{-\lambda t}</math></p> $R_S = e^{-\lambda t} + \lambda t e^{-\lambda t} + \dots + \frac{(\lambda t)^{z-1} e^{-\lambda t}}{(z-1)!}$

<p>۳- سری های موازی یا ردوندانت سیستم فعال</p> 	<p>الف- حالت کلی فعال</p> $R_S = 1 - \prod_{j=a}^z (1 - R_{j1} \cdot R_{j2} \dots R_{jn})$
	<p>ب- فعال با</p> $R_{a1} = R_{a2} = \dots = R_a$ $R_{b1} = R_{b2} = \dots = R_b$ $R_{z1} = R_{z2} = \dots = R_z$ $R_S = 1 - \prod_{j=a}^z (1 - R_j^n)$
	<p>ج- فعال با</p> <p>برای <math>j=1</math> تا <math>n</math> <math>R_{aj} = R_{bj} = \dots = R_{zj} = R</math></p>
<p>حاضر در کنار</p> 	<p>د- حاضر در کنار با <math>R = e^{-\lambda t}</math></p> $R_S = e^{-n\lambda t} + n\lambda t \cdot e^{-n\lambda t} + \dots + \frac{(n\lambda t)^{z-1} e^{-n\lambda t}}{(z-1)!}$
<p>۴- سری های موازی یا ردوندانت عنصری فعال</p> 	<p>الف- حالت کلی فعال</p> $R_S = \{1 - (1 - R_{a1})(1 - R_{a2}) \dots (1 - R_{az})\} \times$ $\{1 - (1 - R_{b1})(1 - R_{b2}) \dots (1 - R_{bz})\} \times$ $\dots \{1 - (1 - R_{n1})(1 - R_{n2}) \dots (1 - R_{nz})\}$

ب- فعال با



$$R_{a1} = R_{a2} = \dots = R_a$$

$$R_{b1} = R_{b2} = \dots = R_b$$

$$R_{n1} = R_{n2} = \dots = R_n$$

$$R_S = (1 - (1 - R_a)^z)(1 - (1 - R_b)^z) \times \dots (1 - (1 - R_n)^z)$$

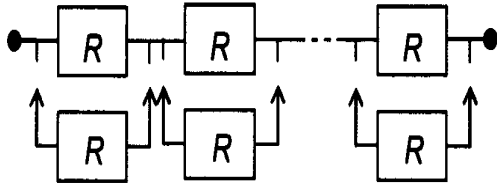
ج- فعال با تمامی بلوک‌هایی که دارای یک قابلیت اطمینان "R" هستند.

$$R_{aj} = R_{bj} = \dots = R_{nj} = R$$

با فرض  $R = e^{-\lambda.t}$

$$R_S = (2.e^{-\lambda.t} - e^{-\lambda.t})^n$$

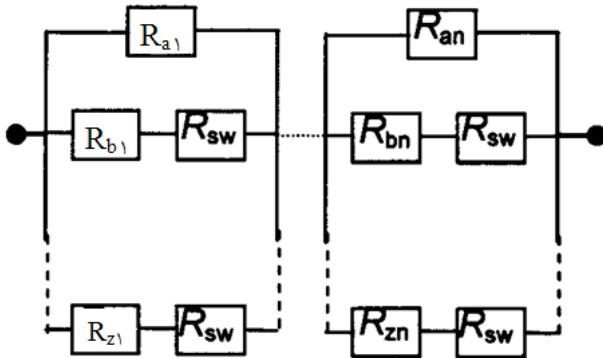
حاضر در کنار



د- حاضر در کنار با  $R = e^{-\lambda.t}$

$$R_S = (e^{-\lambda.t} + \lambda.t.e^{-\lambda.t})^n$$

۵- سری های موازی یا ردوندانت عنصری



الف- فعال با فرض اینکه همه  $R_{sw}$  به استثنای  $R_{aj} = R_{bj} = \dots = R_{zj} = R$

$$R_S = \{1 - (1 - R)(1 - R.R_{sw})^{z-1}\}^n$$

ب- فعال با فرض اینکه  $n=1, z=2$  و همگی  $R_{sw}$  به استثنای  $R_{aj} = R_{bj} = \dots = R_{zj} = R = e^{-\lambda.t}$

$$R_S = e^{-\lambda.t} + R_{sw}e^{-\lambda.t} - R_{sw}e^{-2\lambda.t}$$

یادآوری ۱ فرمول برای سیستم های حاضر در کنار بر مبنای این فرض است که قابلیت اطمینان مکانیسم های کلید زنی و حسگری، ۱۰۰٪ می باشد ( $R_{sw}=1$ )

یادآوری ۲ برای نرخ های ثابت وقوع خرابی،  $R(t)$  را می توان با  $e^{-\lambda.t}$  جایگزین کرد.

پیوست ب  
(اطلاعاتی)  
روش‌های ناهمپوشان بولی

ب-۱ ملاحظات مقدماتی

در تحلیل RBDها به صورتی که تاکنون توصیف شده، فارغ از استفاده از جداول درستی بولی داده شده در زیربند ۸-۱-۳، عمدتاً از فرمول ریاضیاتی جبری متداول استفاده می‌شود. به هر حال، جبر بولی در حالت کلی می‌تواند از چنین تحلیل‌هایی نیز استفاده کند و در بسیاری از موارد، بسیار اثربخش تر و سراسر است. به ویژه، استفاده از جبر بولی می‌تواند در هر زمانی که موارد زیر صادق باشد، سراسرترین روش باشد: الف) RBDها دارای بلوک‌های مشترکی باشند (به شکل ۱۵ رجوع شود). ب) RBDها دارای پیکانه‌های جهتی باشند (به اشکال ۸ و ۱۴ رجوع شود)؛ پ) سیستم، مخصوصاً پیچیده باشد؛

ت) ایجاد عبارت بولی برای موفقیت (یا وقوع خرابی) سیستم آسانتر از ایجاد RBD باشد. توجه به مورد (ت) در فهرست فوق از اهمیت بالایی برخوردار است. برای بسیاری از سیستم‌ها و شبکه‌ها، فهرست کردن ترکیبات موفقیت (یا وقوع خرابی) تجهیزات در عبارتهای بولی، اغلب کار سراسر تری از ایجاد RBD متناظر است. با به کار بستن روش بولی در ابتدا جهت تحلیل سیستم، ریسک ایجاد خطا در رشته ایجاد RBD کاملاً برطرف می‌شود.

ب-۲ علامت‌گذاری

تاکنون نمادهای  $\cup$  و  $\cap$  به ترتیب برای نشان دادن "OR" و "AND" منطقی مورد استفاده قرار گرفته‌اند. به هر حال، در آنچه که در ادامه می‌آید، مناسبتر دیده شده که از نماد "+" برای نشان دادن "OR" منطقی استفاده شده و برای "AND" منطقی از نقطه استفاده شود<sup>۱</sup>. خط بالای متغیر بولی نشان‌دهنده عکس یا مکمل متغیر مورد نظر است، برای مثال  $\bar{a}$  به صورت "not a" تفسیر می‌شود. برای مثال،  $ab.\bar{c}.e + f.g$  به صورت "a AND b AND NOT c AND e OR f AND g" تفسیر می‌شود. متنی که نمادها در آن استفاده می‌شوند، بایستی معنا را روشن کند.

---

۱-مزیت این قبیل علامت‌گذاری در پیوست ب مشخص می‌شود که در آن بیان‌هایی از نوع  $SS_1 = ab + \bar{a}.eb + \bar{a}.ed + a.\bar{b}.ed + \bar{a}.c.d + a.\bar{b}.c.d$  به فراوانی یافت می‌شوند. با توجه به این بیان اخیر به عنوان مثال و نوشتن آن با استفاده از نمادهای نظریه مجموعه‌ها، عبارت زیر به دست می‌آید:  
 $SS_1 = a \cap b \cup \bar{a} \cap e \cap b \cup \bar{a} \cap d \cup a \cap \bar{b} \cap e \cap d \cup \bar{a} \cap c \cap d \cup a \cap \bar{b} \cap c \cap d$  خوانندگان، تفسیر یا ارزیابی آن ممکن است بسیار مشکل باشد.

### ب-۳ متغیرهای بولی و متغیرهای احتمالاتی

دو سیستم ردوندانت فعال واحد، به صورتی که در شکل ۹ نشان داده شده را در نظر بگیرید. از این سیستم می‌توان دید که سیستم به صورت یک کل بقا خواهد یافت مشروط به آنکه A یا B (یا هر دو) بقا یابند. به عبارت دیگر، عبارت بولی برای موفقیت سیستم با معادله زیر بیان می‌شود:

$$SS = a + b \quad (15)$$

که در آن،  $a$  و  $b$  متغیرهای بولی به ترتیب متناظر با بقای بلوک‌های A و B می‌باشند. شاید وسوسه‌انگیز باشد که  $R_a$  و  $R_b$  را به ترتیب با  $a$  و  $b$  جایگزین کرد و معادله (۱۵) را به صورت زیر بازنویسی نمود:

$$R_S = R_a + R_b \quad (16)$$

متأسفانه معادله (۱۶) به خاطر این حقیقت که از معادله بولی‌ای به دست آمده که در آن متغیرها همپوشانی دارند، نادرست است. اگر به جای آن، معادله (۱۵) به صورت زیر نوشته شود:

$$SS = a + \bar{a} \cdot b \quad (17)$$

سپس با نوشتن  $R_a$  برای  $a$ ،  $1 - R_a$  برای  $\bar{a}$  و  $R_b$  برای  $b$ ، عبارت درستی به صورت زیر برای احتمال بقای سیستم  $R_S$  به دست می‌آید:

$$R_S = R_a + (1 - R_a) \cdot R_b \quad (18)$$

که نتیجه‌ای کاملاً شناخته شده است.

فرآیند بازنویسی معادله (۱۵) به فرم معادله (۱۷) به عنوان فرآیندی ناهمپوشان نسبت داده می‌شود. به یاد داشته باشید که امکان بازنویسی معادله (۱۵) به صورت‌های ناهمپوشان دیگر نیز وجود دارد که یکی از آنها  $SS = b + \bar{b} \cdot a$  است، بنابر این با نوشتن  $R_b$  برای  $b$  و  $(1 - R_a)$  برای  $\bar{b}$  عبارت درست دیگری برای احتمال بقای سیستم ( $R_S$ ) به صورت زیر به دست می‌آید.

$$R_S = R_b + (1 - R_b) \cdot R_a \quad (18)$$

نیازی به گفتن نیست که معادلات (۱۸) و (۱۹) معادل هستند.

از معادلات فوق می‌توان دید که در جایگزینی احتمالات بقا در متغیرهای بولی یا "احتمالات بقا-۱" در متغیرهای بولی مکمل، عبارت بولی ناهمپوشان برای موفقیت سیستمی که بیانی احتمالاتی برای احتمال بقای سیستم (قابلیت اطمینان) است، به دست می‌آید. بنابر این هدف اولیه، امکان طرح ریزی عبارت‌های بولی برای موفقیت سیستم به شکل ناهمپوشان است. این به معنای آنست که هر جمله در عبارت بولی نهایی برای موفقیت سیستم، در رابطه با هر عبارت دیگر، ناهمپوشان است. جزئیات بیشتر روش را می‌توان در [۱] یافت.

### ب-۴ روشی برای ناهمپوشان سازی عبارت‌های بولی

#### ب-۴-۱ زمینه

بایستی خاطر نشان کرد که دو جمله در صورتی متقابلاً ناهمپوشان هستند که حداقل یک متغیر در یک جمله به شکل مکمل خود در جمله دیگری وجود داشته باشد. برای مثال، جملات  $p \cdot q \cdot r \cdot s$  و

۱- ارقام بیان شده در قلاب به کتابنامه ارجاع دارند.

$s \cdot t \cdot u \cdot v$  (که هر کدام دارای ۴ متغیر بولی هستند) به علت وجود  $S$  ناهمپوشان می باشند. عکس این مطلب نیز درست است. برای مثال، دو جمله، ناهمپوشان نیستند (یعنی آنها همپوشان هستند)، اگر هیچکدام از متغیرها در یک جمله به صورت مکمل در جمله دیگری ظاهر نشده باشند. برای مثال، دو جمله  $s \cdot t \cdot u \cdot v$  و  $p \cdot q \cdot r \cdot s$  متقابلاً ناهمپوشان نیستند.

#### ب-۴-۲ اصل ناهمپوشان سازی

اگر دو جمله  $T_1$  و  $T_2$  ناهمپوشان نباشند و نیاز باشد که  $T_2$  نسبت به  $T_1$  ناهمپوشان ساخته شود، گام اول جدا کردن تمامی متغیرهایی در  $T_1$  است که در  $T_2$  ظاهر نمی شوند. (این قبیل جمله ها در مجموع به عنوان مکمل نسبی  $T_2$  نسبت به  $T_1$  معروف هستند) فرض کنید  $v_1 \cdot v_2 \cdot v_3 \cdot v_4$  مکمل نسبی باشد. بنابراین با جایگزین کردن  $T_2$  با عبارت زیر:

$$T_2^* = \bar{v}_1 \cdot T_2 + v_1 \cdot \bar{v}_2 \cdot T_2 + v_1 \cdot v_2 \cdot \bar{v}_3 \cdot T_2 + v_1 \cdot v_2 \cdot v_3 \cdot \bar{v}_4 \cdot T_2$$

عبارت  $T_1 + T_2^*$  (به عبارت دیگر  $T_1 + \bar{v}_1 \cdot T_2 + v_1 \cdot v_2 \cdot \bar{v}_3 \cdot T_2 + v_1 \cdot v_2 \cdot v_3 \cdot \bar{v}_4 \cdot T_2$ ) از جملاتی تشکیل می شوند که تمامی آنها نسبت به دیگری ناهمپوشان خواهند بود.

در ادامه، مثالی برای ناهمپوشان ساختن جمله  $T_2 = d \cdot e \cdot f$  نسبت به جمله  $T_1 = a \cdot b \cdot c \cdot d \cdot e$  بیان می شود: مکمل نسبی  $T_2$  نسبت به  $T_1$  برابر با  $a \cdot b \cdot c$  است، بنابراین اگر  $T_2 (= d \cdot e \cdot f)$  با جمله زیر جایگزین شود:

$$T_2^* (= \bar{a} \cdot d \cdot e \cdot f + a \cdot \bar{b} \cdot d \cdot e \cdot f + a \cdot b \cdot \bar{c} \cdot d \cdot e \cdot f)$$

آنگاه  $T_1$  و  $T_2^*$  (یعنی تمامی جملات  $a \cdot b \cdot c \cdot d \cdot e \cdot f, a \cdot \bar{b} \cdot d \cdot e \cdot f, a \cdot b \cdot \bar{c} \cdot d \cdot e \cdot f$ ) نسبت به همدیگر ناهمپوشان خواهند بود.

یادآوری- اگرچه نوشتن رابطه فوق برای  $T_2^*$  به صورت زیر نادرست نیست:

$$T_2^* = d \cdot e \cdot f (\bar{a} + a \cdot \bar{b} + a \cdot b \cdot \bar{c})$$

اما این شکل برای انجام روش های اجرایی توصیف شده در زیر بند ب.۴.۳ زیر کاملاً نامناسب است.

#### ب-۴-۳ روش اجرایی ناهمپوشان سازی

روش اجرایی به صورت زیر است:

الف) موفقیت سیستم (که به صورت  $SS_1$  بیان می شود) را به صورت مجموع حاصلضرب جملات بولی<sup>۱</sup> بیان کرده و جملات از چپ به راست به صورت " $T_{11}, T_{12}, T_{13}, \dots$ " بر چسب گذاری کنید.

ب)  $T_{11}$  را به عنوان جمله "محوری" انتخاب کنید و  $T_{12}$  را با  $T_{11}$  مقایسه کنید.

پ) در صورت لزوم، (یعنی اگر دو جمله ناهمپوشان نباشند)  $T_{12}$  را نسبت به  $T_{11}$  و به صورتی که در زیر بند ب-۴-۲ بیان شده است ناهمپوشان سازی کنید.

ت) در صورت لزوم،  $T_{13}$  را نسبت به  $T_{11}$  ناهمپوشان سازی کنید.

ث) فرآیند را برای جملات باقیمانده در  $T_{11}$  ادامه دهید.

۱- برای عبارتهای بولی که به صورت خاصی برای موفقیت سیستم ساده هستند، می توان از جملات منفرد و نیز حاصلضرب دو یا چند جمله استفاده کرد.

ج) عبارتی که تا این مرحله تا حدی بسط یافته را امتحان کرده (با احتساب عبارات بیشتر اضافه شده) و (در حد امکان) با استفاده از قوانین جبر بولی ساده سازی کنید. (استفاده از قواعدی از قبیل  $x + y = x$ ،  $x + xy = x$ ،  $xy + \bar{x}y = y$ ) عبارت حاصله را با عنوان  $SS_7$  بنامید و جملات را از چپ به راست،  $T_{71}$ ،  $T_{72}$ ،  $T_{73}$ ، ... برچسب گذاری کنید.

چ) جمله دوم ( $T_{72}$ ) از  $SS_7$  را به صورت جمله "محوری" انتخاب کنید و  $T_{72}$  را با  $T_{71}$  مقایسه کرده و کار را به صورتی که در ج) تا و) ولی با استفاده از جمله  $SS_7$  ادامه دهید و عبارت حاصله را با عنوان  $SS_8$  بنامید.

ح) کار را به صورت فوق ادامه دهید تا زمانی که تمامی جملات به صورت جملات محوری استفاده شوند و در این زمان عبارت نهایی حاصله، نسخه کاملاً ناهمپوشان سازی شده ای از عبارت اصلی  $SS_1$  خواهد بود. اگر به اینصورت که عبارت بولی برای موفقیت سیستم جایگزین شده، هر متغیر بولی با احتمال نقطه مقابل خود (قابلیت اطمینان) جایگزین شود، عبارتی احتمالاتی برای قابلیت اطمینان سیستم به دست خواهد آمد. علاوه بر این، اگر مقادیر عددی برای عبارات بولی که اکنون ناهمپوشان سازی شده اند، جایگزین شوند، مقدار عددی برای قابلیت اطمینان کلی سیستم به دست خواهد آمد.

مثالی از کاربرد روش اجرایی ناهمپوشان سازی فوق در زیربند ب-۶ بیان شده است.

#### ب-۵ تفاسیر

مهمترین ویژگی روش اجرایی آنست که توالی گام های مورد نیاز برای اجرای ناهمپوشان سازی جهت برنامه نویسی برای اجرا در کامپیوتر نسبتاً سراسر است می باشد. با استفاده از PC های مدرن می توان فوراً مجموع حاصلضرب کاملاً پیچیده عبارات بولی را ناهمپوشان سازی کرد. به هر حال خط مشی IEC، ارائه این قبیل برنامه ها نیست و بیشتر بر آن است که جزئیات ارائه شده در این استاندارد برای نوشتن برنامه ای مناسب، کافی باشد.

ویژگی مهم دیگر آن است که روش اجرایی که هدف اصلی آن ناهمپوشان سازی عبارات بولی است را می توان با درجه تاثیر معادلی به عبارات بولی ناشی از تحلیل های درخت خرابی اعمال کرد. ویژگی مهم دیگر آن از این حقیقت ناشی می شود که احتمالات در حالت نهایی در عبارات ناهمپوشان، جایگزین می شوند. این به معنای آن است که به جای جایگزین سازی قابلیت اطمینان ها، می توان آمادگی ها را جایگزین کرد. در اینصورت، باید به خاطر سپرده شود که درست مثل قابلیت اطمینان، هر رویداد باید مستقل از رویداد دیگر باشد. این امر دلالت بر آن دارد که اساساً تعمیر هر قلم علاوه بر وقوع خرابی، بر تعمیر یا وقوع خرابی قلم دیگر تاثیری ندارد.

#### ب-۶ مثالی از کاربرد روش اجرایی ناهمپوشان سازی

فرض کنید که یک شبکه یا سیستم از ۵ عنصر A، B، C، D و E تشکیل شده و a، b، c، d و e نشان دهنده متغیرهای بولی متناظر "موفقیت" می باشند. همچنین فرض کنید که موفقیت سیستم در جملات بولی (SS)، با عبارت زیر تعریف می شود که از مجموع ۴ جمله حاصلضربی تشکیل می شود:

$$SS = a \bullet b + e \bullet b + e \bullet d + c \bullet d$$

روش اجرایی ناهمپوشان سازی عبارت فوق به صورت زیر است:

گام ۱-۱: هر جمله را نسبت به جمله اول ناهمپوشان سازی کنید. از روش سیستماتیک استفاده کرده و جمله دوم را نسبت به جمله اول ناهمپوشان کنید. دو جمله را بررسی کنید و ببینید که آیا هیچ تغییری در جمله اول به صورت مکمل در جمله دوم آمده است. اگر این امر برقرار باشد، دو جمله ناهمپوشان بوده و کار بیشتری لازم نیست. در غیر اینصورت، تمامی متغیرهایی در جمله اول ( $a.b$ ) که در جمله دوم ( $e.b$ ) دیده نمی شوند را جدا کنید. (که در واژه شناسی نظریه مجموعه ها، مکمل نسبی جمله دوم نسبت به جمله اول نامیده می شود). در این مثال خاص، نتیجه، متغیر  $a$  است.

گام ۲-۱: جمله دوم  $e \cdot b$  با  $\bar{a} \cdot e \cdot b$  را جانشین کنید.

گام ۳-۱: جمله سوم را نسبت به جمله اول ناهمپوشان سازی کنید. قبل از هر چیز، دو جمله را بررسی کنید که آیا هیچ تغییری در جمله اول به شکل مکمل در جمله دوم ظاهر می شود. از آنجا که چنین چیزی برقرار نیست، مکمل نسبی جمله سوم را نسبت به جمله اول یعنی متغیرهای  $a$  و  $b$  تعیین کنید. آنگاه جمله سوم را با جملات  $\bar{a} \cdot e \cdot d + a \cdot \bar{b} \cdot e \cdot d$  جایگزین کنید.

گام ۴-۱: جمله چهارم ( $c.d$ ) را نسبت به جمله اول ناهمپوشان سازی کنید. در این حالت نیز مکمل نسبی جمله چهارم نسبت به جمله اول، متغیرهای  $a$  و  $b$  است. بنابر این جمله چهارم با جملات  $\bar{a} \cdot c \cdot d + a \cdot \bar{b} \cdot c \cdot d$  جایگزین می شود. از این رو در این مرحله، عبارت موفقیت سیستم به صورت زیر بیان می شود:

$$SS_1 = a \cdot b + \bar{a} \cdot e \cdot b + \bar{a} \cdot e \cdot d + a \cdot \bar{b} \cdot e \cdot d + \bar{a} \cdot c \cdot d + a \cdot \bar{b} \cdot c \cdot d$$

اکنون فرآیند را از جمله دوم تکرار کنید. بنابر این:

گام ۱-۲: جمله سوم  $SS_1$  ( $\bar{a} \cdot e \cdot b$ ) را نسبت به جمله دوم ( $\bar{a} \cdot e \cdot d$ ) ناهمپوشان سازی کنید. مکمل نسبی برابر با  $b$  بوده و در نتیجه  $\bar{a} \cdot e \cdot d$  با  $\bar{b} \cdot \bar{a} \cdot e \cdot d$  جایگزین می شود.

گام ۲-۲: جمله چهارم  $SS_1$  ( $\bar{a} \cdot b \cdot e \cdot d$ ) را نسبت به جمله دوم ( $\bar{a} \cdot e \cdot b$ ) ناهمپوشان سازی کنید. در این حالت، توجه داشته باشید که هم اکنون جملات (با احتساب متغیرهای  $a$  و  $b$ ) ناهمپوشان بوده و نیازی به کار بیشتر نیست.

گام ۳-۲: جمله پنجم  $SS_1$  ( $\bar{a} \cdot c \cdot d$ ) را نسبت به جمله دوم ( $\bar{a} \cdot e \cdot b$ ) ناهمپوشان سازی کنید. متغیرهای  $b$  و  $e$  مکمل نسبی بوده و در نتیجه جمله پنجم با  $\bar{e} \cdot \bar{a} \cdot c \cdot d + e \cdot \bar{b} \cdot \bar{a} \cdot c \cdot d$  جایگزین می شود.

گام ۴-۲: جمله ششم  $SS_1$  ( $a \cdot \bar{b} \cdot c \cdot d$ ) را نسبت به جمله دوم ( $\bar{a} \cdot e \cdot b$ ) ناهمپوشان سازی کنید. در این حالت، توجه داشته باشید که هم اکنون جملات (با احتساب متغیر  $b$ ) ناهمپوشان بوده و نیازی به کار بیشتر نیست. در این مرحله، عبارت موفقیت سیستم به صورت زیر در می آید:

$$SS_2 = a \cdot b + \bar{a} \cdot e \cdot b + \bar{b} \cdot \bar{a} \cdot e \cdot d + a \cdot \bar{b} \cdot e \cdot d + \bar{e} \cdot \bar{a} \cdot c \cdot d + e \cdot \bar{b} \cdot \bar{a} \cdot c \cdot d + a \cdot \bar{b} \cdot c \cdot d$$

در این حالت، توجه داشته باشید که جمله سوم، جمله ششم را "جذب" می کند و جملات سوم و چهارم ترکیب می شوند و جمله  $\bar{b} \cdot e \cdot d$  را حاصل می کنند. به عبارت دیگر:

۱- اکنون جملات اول و دوم به علت وجود متغیر  $a$  که در هر دو جمله به شکل مکمل و نامکمل ظاهر می شود، ناپیوسته خواهد بود.

$$\bar{b} \cdot \bar{a} \cdot e \cdot d + e \cdot \bar{b} \cdot \bar{a} \cdot c \cdot d = \bar{b} \cdot \bar{a} \cdot e \cdot d (1+c) = \bar{b} \cdot \bar{a} \cdot e \cdot d$$

9

$$\bar{b} \cdot \bar{a} \cdot e \cdot d + e \cdot \bar{b} \cdot e \cdot d = \bar{b} \cdot e \cdot d (\bar{a} + a) = \bar{b} \cdot e \cdot d$$

بنابر این  $SS_{\gamma}$  به صورت زیر نوشته می‌شود:

$$SS_{\gamma} = a \cdot b + \bar{a} \cdot e \cdot b + \bar{b} \cdot e \cdot d + \bar{e} \cdot \bar{a} \cdot c \cdot d + a \cdot \bar{b} \cdot c \cdot d$$

اکنون فرآیند را از جمله سوم تکرار کنید. بنابر این:

گام ۱-۳ جمله چهارم  $SS_{\gamma}$  ( $\bar{e} \cdot \bar{a} \cdot c \cdot d$ ) را نسبت به جمله سوم ( $\bar{b} \cdot e \cdot d$ ) ناهمپوشان سازی کنید. در این مورد یادآوری می‌شود که جملات اکنون (با احتساب متغیر  $e$ ) ناهمپوشان بوده و نیازی به کار بیشتر نیست.

گام ۲-۳ جمله پنجم  $SS_{\gamma}$  ( $a \cdot \bar{b} \cdot c \cdot d$ ) را نسبت به جمله سوم ( $\bar{b} \cdot e \cdot d$ ) ناهمپوشان سازی کنید. مکمل نسبی متغیر  $e$  بوده و در نتیجه  $a \cdot \bar{b} \cdot c \cdot d$  با  $\bar{e} \cdot a \cdot \bar{b} \cdot c \cdot d$  جایگزین می‌شود.

در این مرحله عبارت موفقیت سیستم به صورت زیر بیان می‌شود:

$$SS_{\gamma} = a \cdot b + \bar{a} \cdot e \cdot b + \bar{b} \cdot e \cdot d + \bar{e} \cdot \bar{a} \cdot c \cdot d + e \cdot b \cdot \bar{a} \cdot c \cdot d$$

و از آنجا که ساده سازی بیشتر امکانپذیر به نظر نمی‌رسد، این عبارت ناهمپوشان سازی شده نهایی است.

با انجام جایگزین سازی های بیشتر، عبارت قابلیت اطمینان سیستم با رابطه زیر بیان می‌شود:

$$R_S = R_a \cdot R_b + (1 - R_a) \cdot R_e \cdot R_b + (1 - R_b) \cdot R_e \cdot R_d + (1 - R_e) \cdot (1 - R_a) \cdot R_c \cdot R_d + (1 - R_e) \cdot R_a \cdot (1 - R_b) \cdot R_c \cdot R_d$$

یادآوری می‌شود که شکل نتیجه نهایی، در این حالت  $SS_{\gamma}$ ، به ترتیبی که جملات در عبارت بولی نوشته می‌شوند، بستگی دارد. برای مثال، اگر  $SS_1$  به صورت زیر نوشته شود:

$$SS_1^* = c \cdot d + e \cdot d + e \cdot b + a \cdot b$$

بنابر این عبارت ناهمپوشان سازی شده نهایی به صورت زیر خواهد بود:

$$SS_{\gamma}^* = c \cdot d + \bar{c} \cdot e \cdot d + b \cdot \bar{d} \cdot e + a \cdot b \cdot \bar{c} \cdot \bar{e} + a \cdot b \cdot c \cdot \bar{d} \cdot \bar{e}$$

اگرچه عبارات  $SS_{\gamma}^*$  و  $SS_{\gamma}$  کاملاً متفاوت به نظر می‌رسند اما در حقیقت، معادل هستند.

IEC 61165, *Application of Markov techniques*<sup>5</sup>

IEC 60812, *Analysis techniques for system reliability – Procedure for failure mode and effect analysis (FMEA)*

[1] Bennetts, R.G. IEEE Trans. Rel, Vol. R-31, No.2, pp. 159-166, June 1982.

*RBD methods (general)*

[2] Barlow R.E., Proschan F., *Statistical Theory of Reliability and Life Testing. Probabilistic Models*, New York, Holt, Rinehart and Winston, 1975.

[3] Billinton R., Allan R.N., *Reliability Evaluation of Engineering Systems. Concepts and Techniques*. Second Edition, New York, Plenum Press, 1992.

[4] Birolini A., *Quality and Reliability of Technical Systems. Theory – Practice – Management*. Berlin, Springer Verlag, 1994.

[5] Gaede K.W., *Zuverlässigkeit, Mathematische Modelle*. München, Carl Hanser Verlag, 1977.

[6] Høyland A., Rausand M., *System Reliability Theory. Models and Statistical Methods*, New York, Wiley, 1994.

[7] Kaufmann A., Grouchko D., Cruon R., *Mathematical Models for the Study of the Reliability of Systems*, New York, Academic Press, 1977.

[8] Kuo W., Zuo M.J., *Optimal Reliability Modeling: Principles and Applications*. New York, Wiley, 2003.

[9] Lewis E.E., *Introduction to Reliability Engineering*, Second Edition, 1996, New York, Wiley.

[10] MIL-HDBK-338B, *Electronic Reliability Design Handbook*, 1 October 1998.

[11] Pagés A., Gondran A., *System Reliability. Evaluation and Prediction in Engineering*. 1986, Berlin, Springer Verlag.

[12] Villemeur A., *Reliability, Availability, Maintainability and Safety Assessment. Volume 1. Methods and Techniques*, Chichester, Wiley, 1992.

*Disjointing procedures (or sum of disjoint products methods)*

[13] Abraham J.A., *An improved method for network reliability*, IEEE Transactions on Reliability, 1979, Vol.R-28, No.1, pp.58-61.

[14] Beichelt F., *Zuverlässigkeit strukturierter Systeme*, Berlin, VEB Verlag Technik, 1988.

[15] Beichelt F., Spross L., *An improved Abraham-method for generating disjoint sums*. IEEE Transactions on Reliability, 1987, Vol.R-36, No.1, pp.70-74.

- [16] Heidtmann K.D., *Smaller sums of disjoint products by subproducts inversion. IEEE Transactions on Reliability*, 1989, Vol.38, No.3, pp.305-311.
- [17] Locks M.O., *Recursive disjoint products. A review of three algorithms. IEEE Transactions on Reliability*, 1982, Vol.R-31, No.1, pp.33-35.
- [18] Locks M.O., *Recent development in computing of system-reliability. IEEE Transactions on Reliability*, 1985, Vol.R-34, No.5, pp.425-435.
- [19] Locks M.O., *A minimizing algorithm for sum of disjoint products. IEEE Transactions on Reliability*, 1987, Vol.R-36, No.4, pp.445-453.
- [20] Luo Tong, Trivedi K.S., *An improved algorithm for coherent-system reliability. IEEE Transactions on Reliability*, 1998, Vol.47, No.1, pp.73-78.